

# ЧИСЛЕННАЯ МОДЕЛЬ КЛИМАТИЧЕСКОЙ СИСТЕМЫ АРКТИКИ И СЕВЕРНОЙ АТЛАНТИКИ: *МЕТОДЫ, АЛГОРИТМЫ, ОРГАНИЗАЦИЯ ВЫЧИСЛЕНИЙ И ОБРАБОТКА РЕЗУЛЬТАТОВ*

Платов Г.А., д.ф.-м.н.





## Добыча сырья на арктическом шельфе

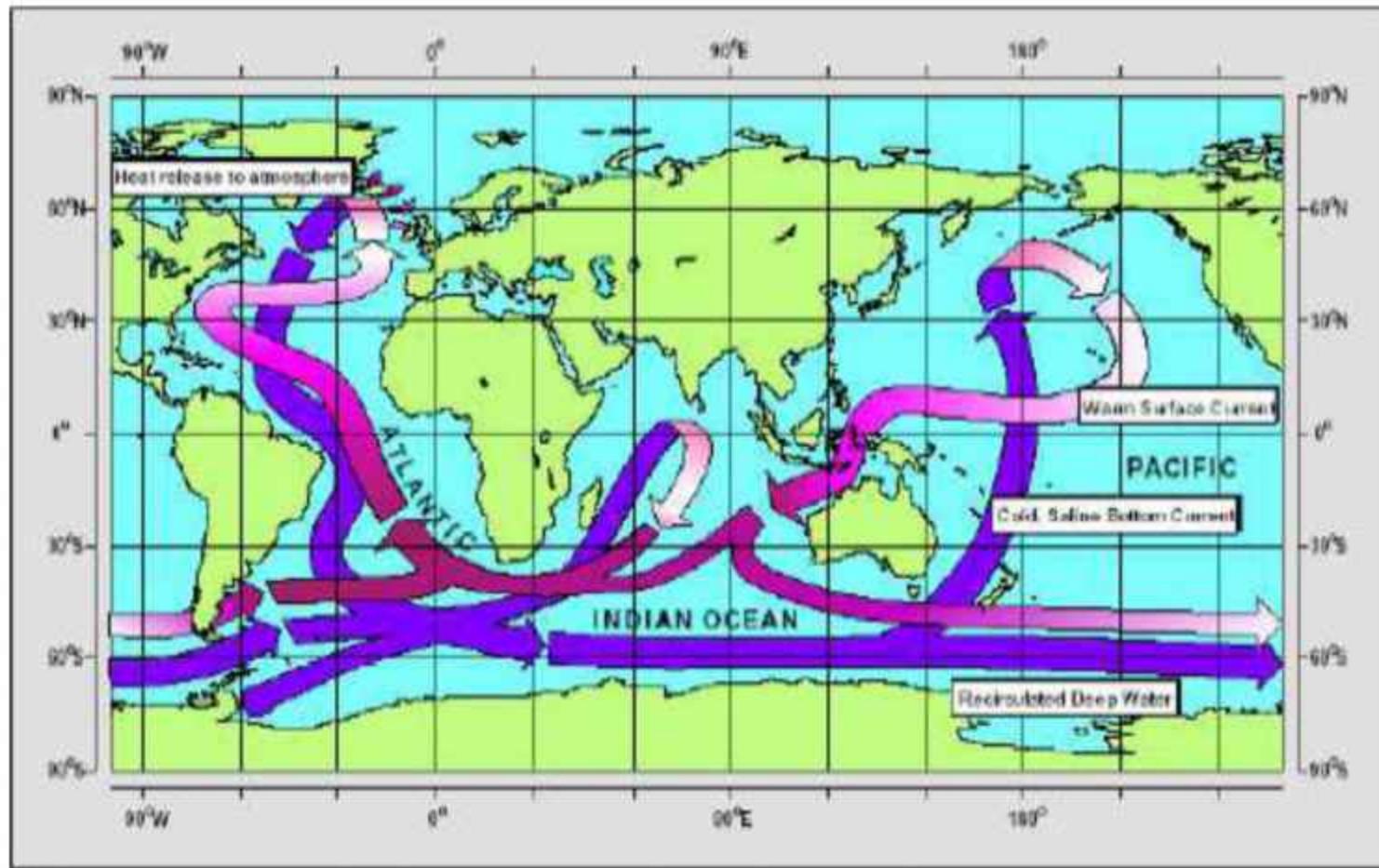


# Моделируемая область



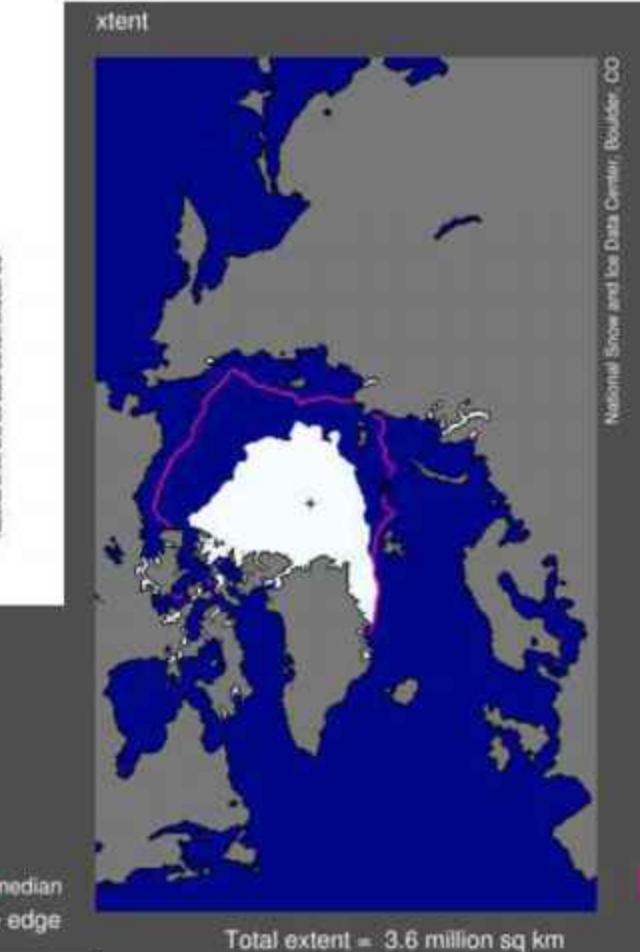
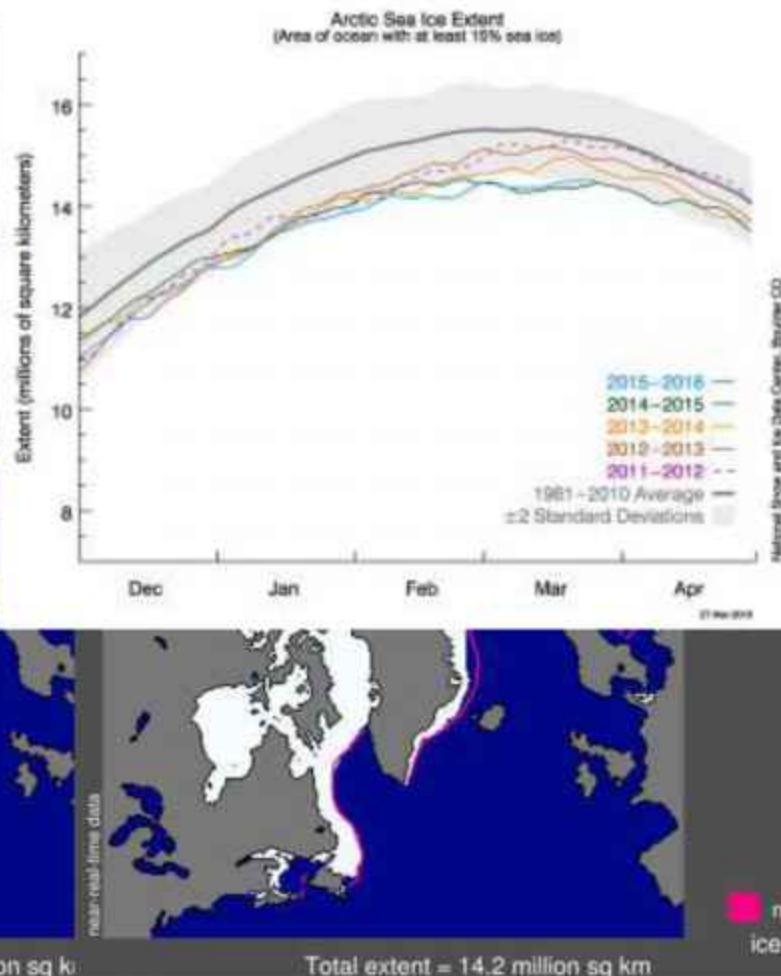
# Schematic diagram of the global ocean circulation pathways, the 'conveyer' belt

(after W.Broecker, modified by E.Maier-Reimer)

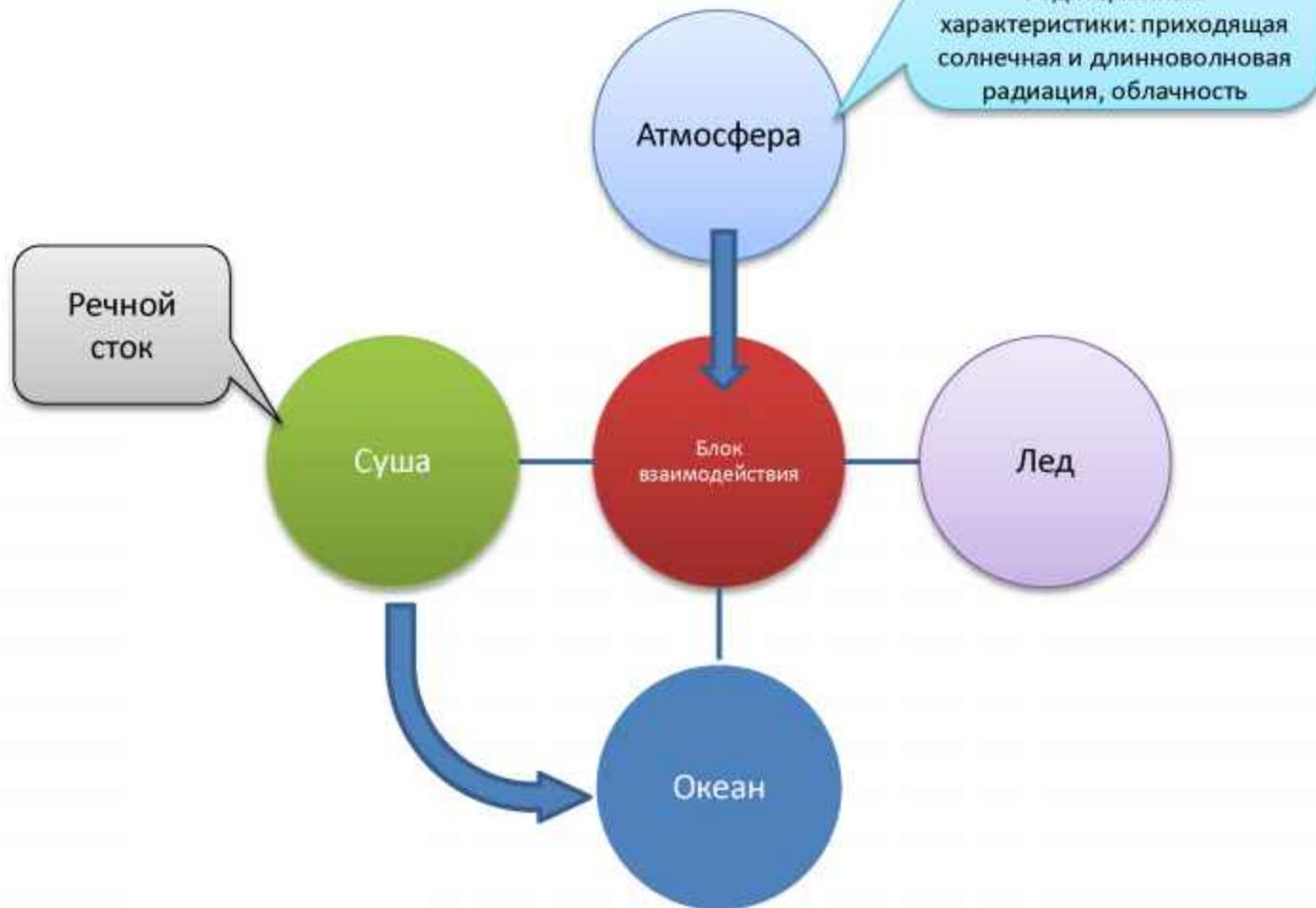


Schematic diagram of the global ocean circulation pathways, the 'conveyer' belt (after W. Broecker, modified by E. Maier-Reimer)

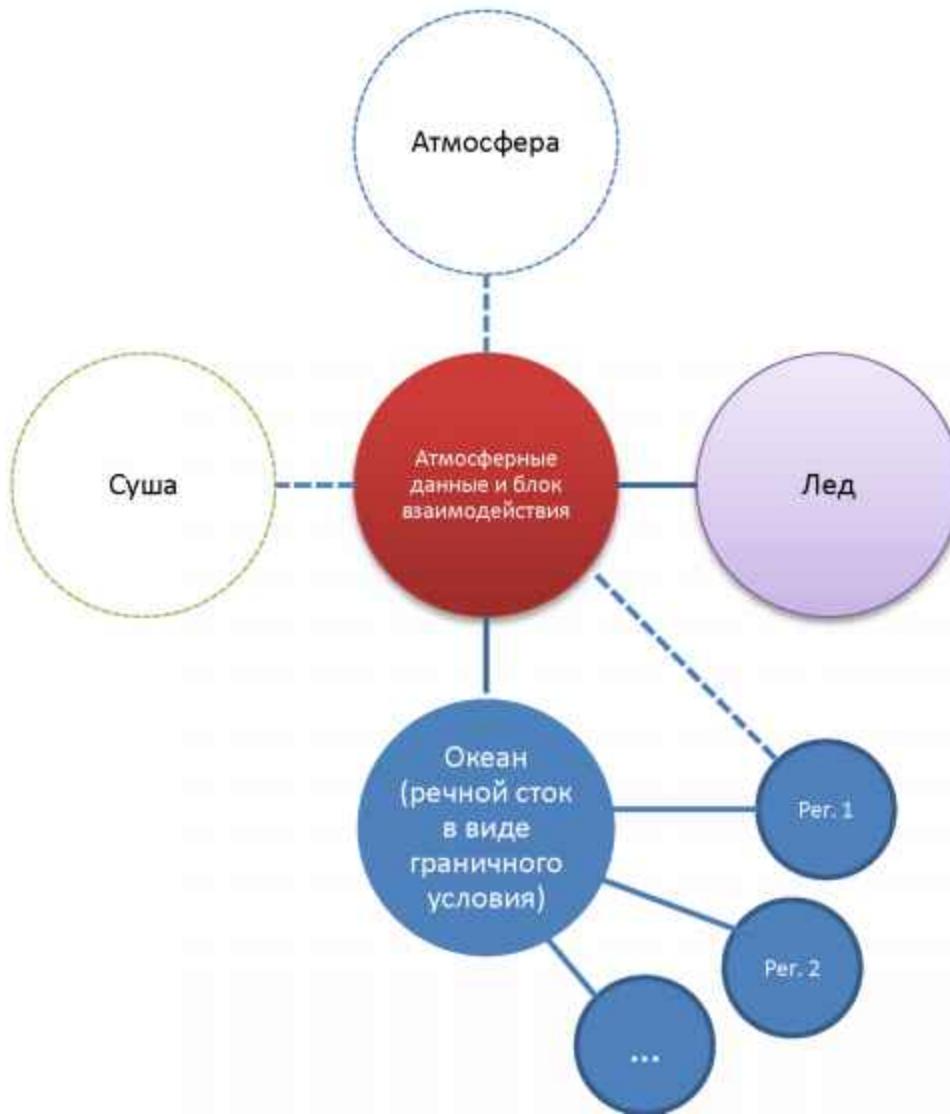
# Глобальное потепление



# Схема

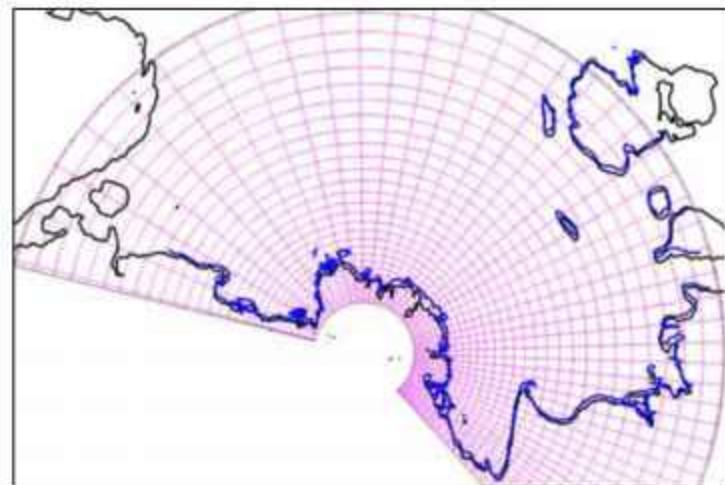


# Схема



# Система совместных и вложенных моделей

- Модель общей циркуляции океана  
ИВМиМГ СОРАН (*Кузин 1982, Голубева и др. 1992, Golubeva and Platov, 2002*)
- Ice model-CICE 3.1 (elastic-viscous-plastic)  
(*W.D.Hibler, 1979, E.C.Hunke, J.K.Dukowicz, 1997, G.A.Maykut 1971, C.M.Bitz, W.H.Lipscomb 1999, J.K.Dukowicz, J.R.Baumgardner 2000, W.H.Lipscomb, E.C.Hunke 2004*)
  - Северная Атлантика и Северный Ледовитый океан
  - Горизонтальное разрешение: от 15 км (сев. полюс) до 50 км (экватор и средние широты)
  - Форсинг: реанализ NCEP/NCAR



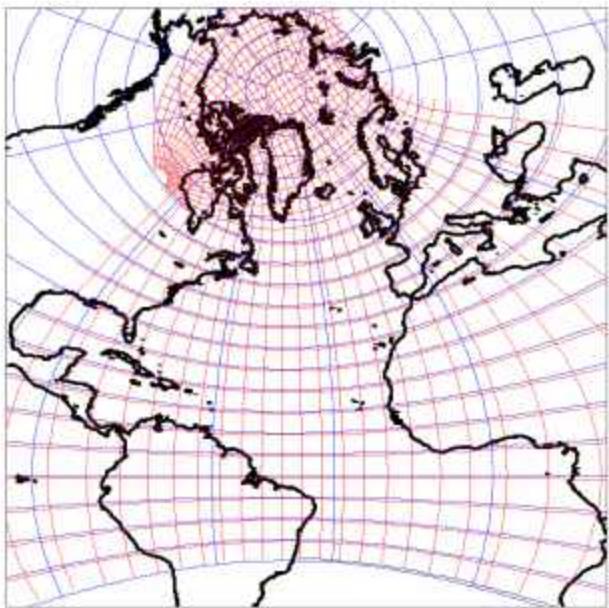
• POM (Princeton ocean model), вложенная в модель ИВМиМГ  
Море Лаптевых  
Горизонтальное разрешение 100м-8км,  
Моделируемый период – до одного года



## Блок усвоения данных

- Вертикальные профили температуры и солености – Международный полярный год (IPY-2008)
- Температура поверхности (skin temperature) – спутники AVHRR Pathfinder

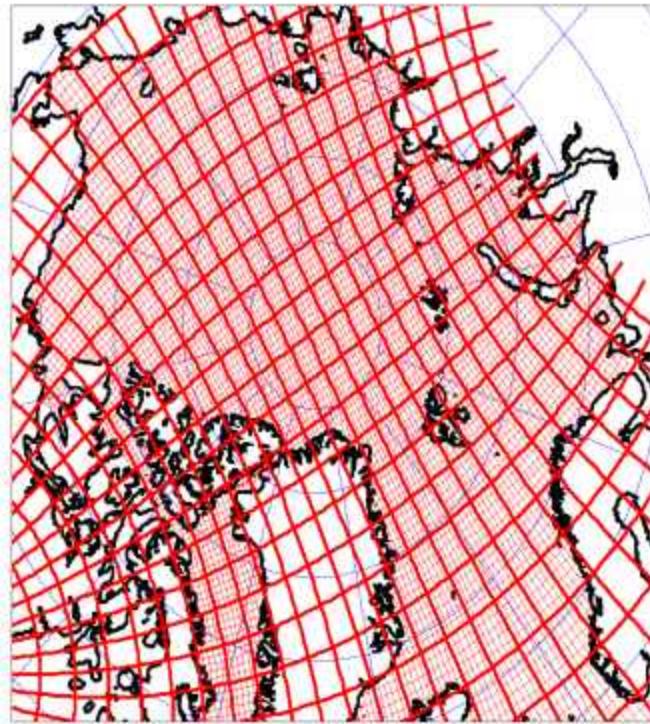
# Grid and Domain



The model domain was built with horizontal resolution of  $1 \times 1^{\circ}$  in Atlantic. The reprojected bipolar grid in Arctic has minimum spacing equal to 35km while maximum spacing is about 62km.

**Numerical domain:** from 20S Atlantic to Bering Strait

**Grid specification:** spherical in Atlantic ( $1^{\circ} : 1^{\circ}$ ) + reprojected bipolar grid from 65°N (Ross Murray, 1996), 33 vertical levels



# Уравнения модели льда

$$\frac{\partial g}{\partial t} = -\nabla \cdot (gu) - \frac{\partial}{\partial h}(fg) + \psi,$$

$$\frac{\partial}{\partial t}(a_{in}) + \nabla \cdot (a_{in}\mathbf{u}) = 0,$$

$$\frac{\partial v_{in}}{\partial t} + \nabla \cdot (v_{in}\mathbf{u}) = 0,$$

$$\frac{\partial v_{sn}}{\partial t} + \nabla \cdot (v_{sn}\mathbf{u}) = 0.$$

$g(\mathbf{x},h,t)$  – функция распределения льда,  $\mathbf{x}$  – горизонтальные координаты  $(x,y)$ ,  $\nabla = (\frac{\partial}{\partial x}, \frac{\partial}{\partial y})$  – горизонтальный градиент,  $\mathbf{u}$  – скорость льда,  $h$  – толщина льда,  $f$  – скорость термодинамического роста,  $\psi$  – функция перераспределения в случае торошения.

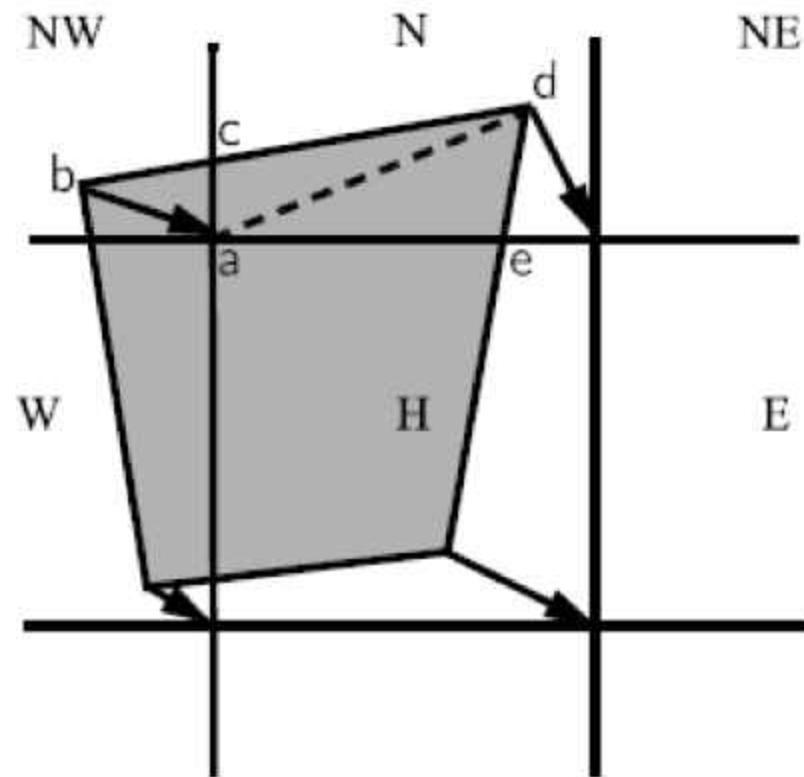
$a_{in}$  – площадная доля льда,  $v_{in}$  – объём льда,  $v_{sn}$  – объём снега.

$$\frac{\partial (a_{in}T_n)}{\partial t} + \nabla \cdot (a_{in}T_n\mathbf{u}) = 0,$$

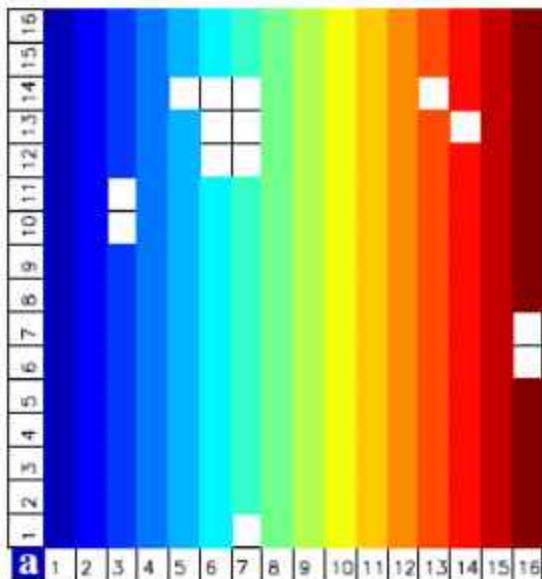
$$\frac{\partial (v_{in}S_n)}{\partial t} + \nabla \cdot (v_{in}S_n\mathbf{u}) = 0,$$

$T_n$  – температура поверхности льда,  $S_n$  – энталпия льда или снега, солёность льда.

# Адвекция

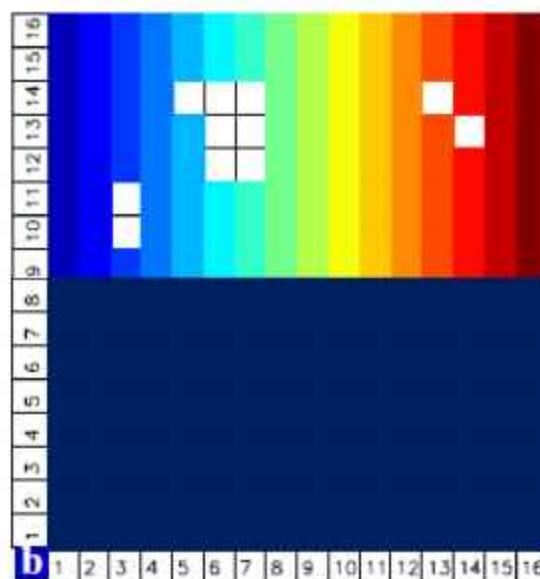


# Параллелизация модели льда



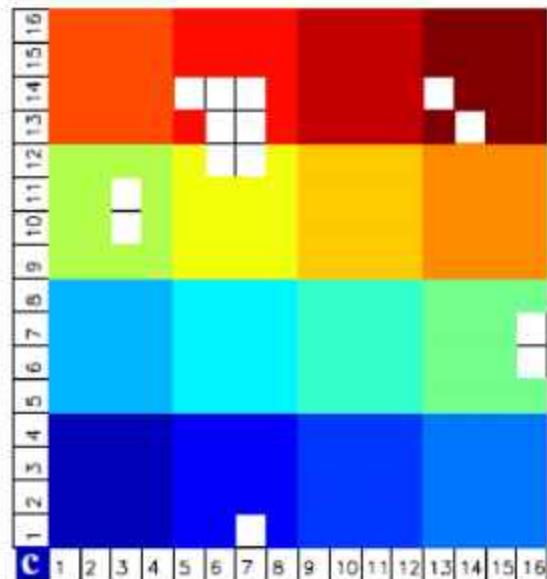
$$n_x \times n_y = 310 \times 480$$

$$(N-1)n_y = 7200$$



$$(N/N_x - 1)n_x + (N/N_y - 1)n_y = 3670$$

$$n_x + (N-2)n_y/2 = 3670$$



$$(N/N_x - 1)n_x + (N/N_y - 1)n_y = 2370$$

# Эффективность параллелизации

Количество обменов

$$M_{\text{обм}} = (N_x - 1)n_x + (N_y - 1)n_y$$

Количество операций

$$M_{\text{оп}} = (n_x n_y) / (N_x N_y)$$

Общее количество операций

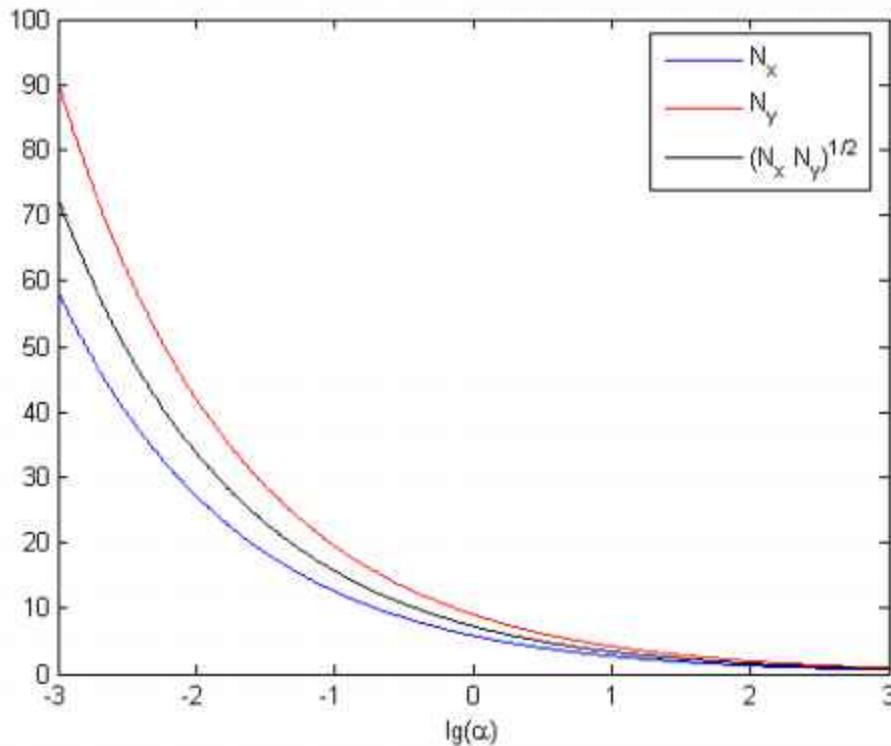
$$F(N_x, N_y) = M_{\text{оп}} + \alpha M_{\text{обм}}$$

Оптимальное количество процессоров

$$N_x^3 = n_x^2 / \alpha n_y$$

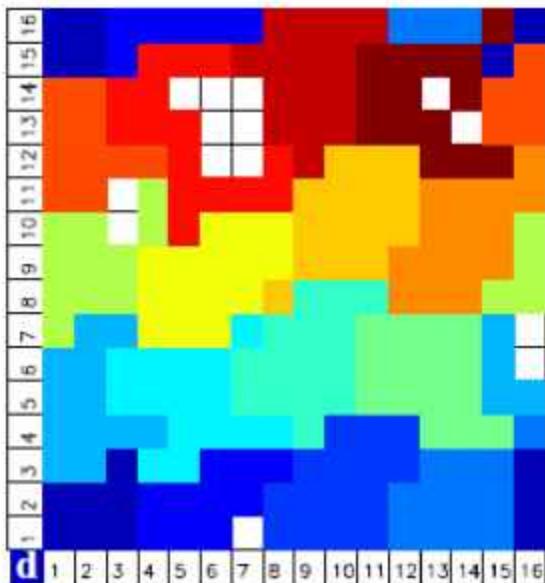
$$N_y^3 = n_y^2 / \alpha n_x$$

$$N^3 = (N_x N_y)^3 = n_x n_y / \alpha^2$$

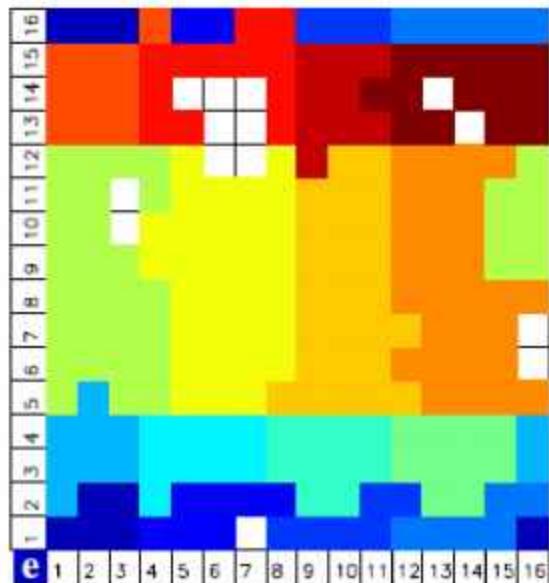


$$n_x = 310, n_y = 480$$

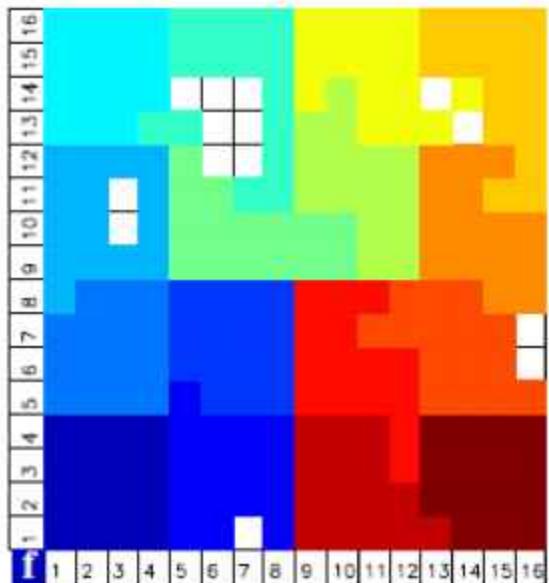
# Другие схемы



rake with block weighting

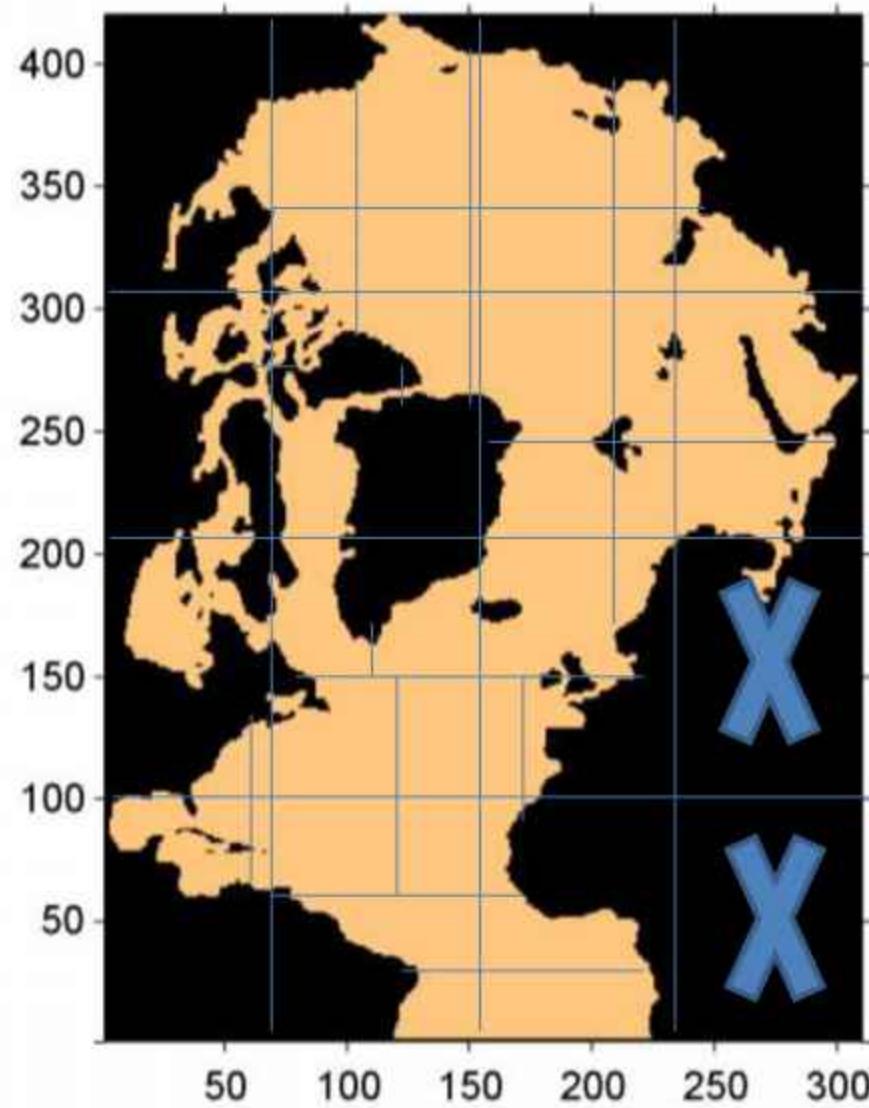
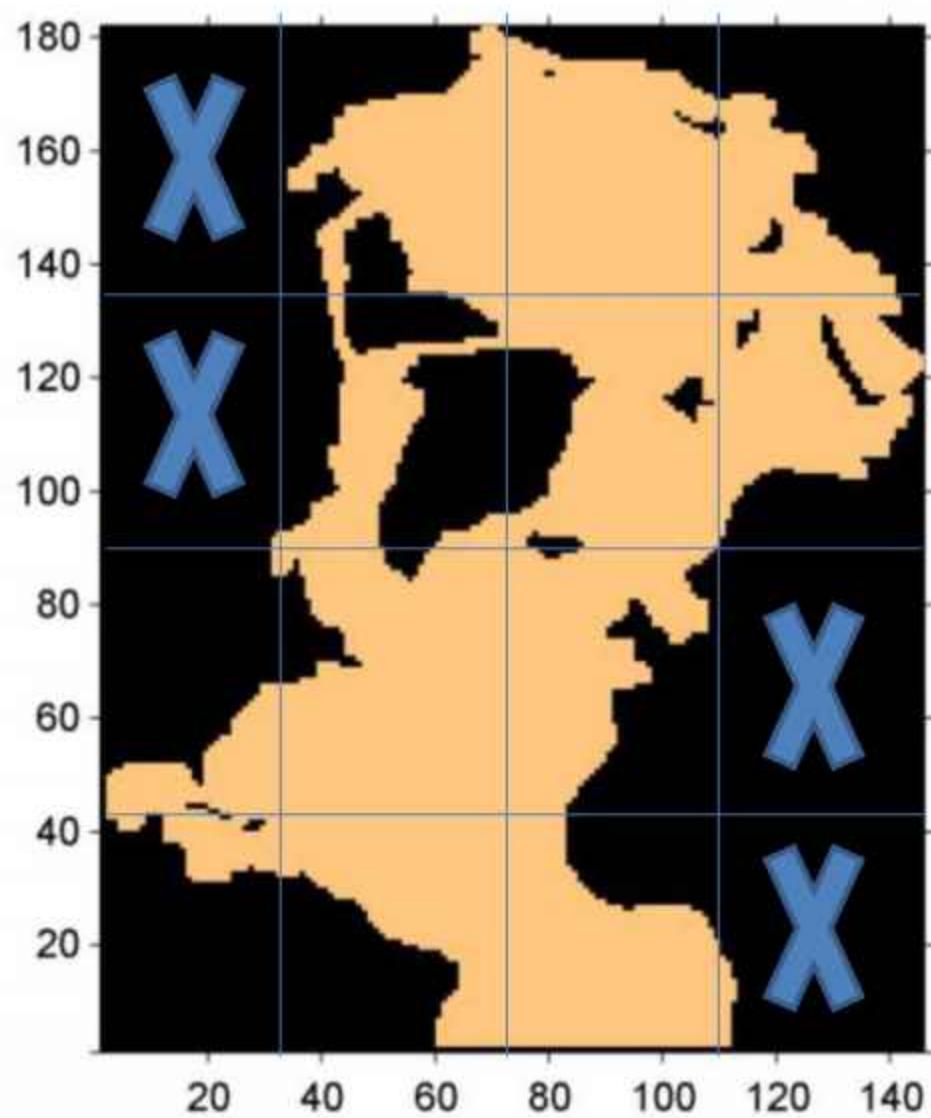


rake with latitude weighting



spacecurve

# Область



# Расчетные характеристики

- Скорость течения –  $V = (u, v, w)$ :  $V = \bar{V} + V'$ 
  - $\bar{V} = \frac{1}{H} \int_0^H (u, v) dz$  – баротропная составляющая для которой вводится функция тока  $\psi$ :  $\bar{u} = -\frac{\partial \psi}{\partial y}$ ,  $\bar{v} = \frac{\partial \psi}{\partial x}$
  - $V'$  – бароклинная составляющая
- Температура и соленость –  $T, S$  – активные трассеры
- Пассивные трассеры –  $Q_n$  ( $n = 1, 2, \dots$ )
- Лагранжевы частицы

В океанической области  $\Omega$  в системе криволинейных ортогональных координат  $\xi_1, \xi_2, z$  рассматриваются полные нелинейные уравнения гидротермодинамики океана с учетом приближения гидростатики и Буссинеска для переменных, обозначающих компоненты скорости течения, потенциальную температуру и соленость

$$\frac{\partial u}{\partial t} + L(u) - kv - lv = -\frac{1}{\rho_0 h_1} \frac{\partial p}{\partial \xi_1} + \frac{\partial}{\partial z} v_v \frac{\partial u}{\partial z} + F(u, \mu_v),$$

$$\frac{\partial v}{\partial t} + L(v) - ku + lu = -\frac{1}{\rho_0 h_2} \frac{\partial p}{\partial \xi_2} + \frac{\partial}{\partial z} v_v \frac{\partial v}{\partial z} + F(v, \mu_v),$$

$$\frac{\partial p}{\partial z} = -\rho g, \quad \rho = \rho(T, S, p).$$

$$\frac{1}{h_1 h_2} \left[ \frac{\partial}{\partial \xi_1} (h_2 u) + \frac{\partial}{\partial \xi_2} (h_1 v) \right] + \frac{\partial w}{\partial z} = 0.$$

$$\frac{\partial T}{\partial t} + L(T) = \frac{\partial}{\partial z} v_T \frac{\partial T}{\partial z} + F(T, \mu_T),$$

$$\frac{\partial S}{\partial t} + L(S) = \frac{\partial}{\partial z} v_S \frac{\partial T}{\partial z} + F(S, \mu_S),$$

$$L(\phi) = \frac{1}{h_1 h_2} \left[ \frac{\partial}{\partial \xi_1} (h_2 u \phi) + \frac{\partial}{\partial \xi_2} (h_1 v \phi) \right] + \frac{\partial}{\partial z} (w \phi),$$

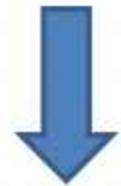
$$F(\phi, \mu) = \frac{1}{h_1 h_2} \left[ \frac{\partial}{\partial \xi_1} \left( \mu \frac{h_1}{h_2} \frac{\partial \phi}{\partial \xi_1} \right) + \frac{\partial}{\partial \xi_2} \left( \mu \frac{h_1}{h_2} \frac{\partial \phi}{\partial \xi_2} \right) \right],$$

$$k = \frac{u}{h_1 h_2} \frac{\partial h_1}{\partial \xi_2} - \frac{v}{h_1 h_2} \frac{\partial h_2}{\partial \xi_1}.$$

## **Уравнения движения**

$$\frac{\partial u}{\partial t} + L(u) - kv - lv = -\frac{1}{\rho_0 h_1} \frac{\partial p}{\partial \xi_1} + \frac{\partial}{\partial z} v_v \frac{\partial u}{\partial z} + F(u, \mu_v),$$

$$\frac{\partial v}{\partial t} + L(v) - ku + lu = -\frac{1}{\rho_0 h_2} \frac{\partial p}{\partial \xi_2} + \frac{\partial}{\partial z} v_v \frac{\partial v}{\partial z} + F(v, \mu_v),$$



$$u = \bar{u} + u', \quad v = \bar{v} + v'$$

$$\frac{1}{h_1 h_2} \left[ \frac{\partial}{\partial \xi_1} (h_2 u) + \frac{\partial}{\partial \xi_2} (h_1 v) \right] + \frac{\partial w}{\partial z} = 0.$$

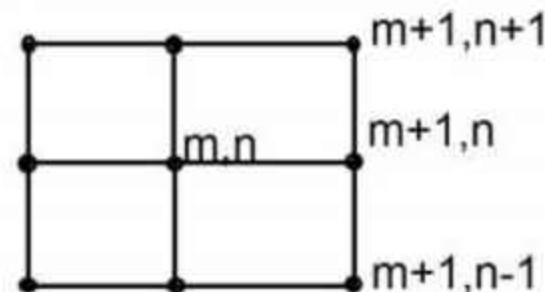
## Уравнения движения. Вычисление средней

$$\bar{u}, \bar{v} \quad \xrightarrow{\hspace{1cm}} \quad \psi$$

$$\frac{\partial}{\partial t}(\Delta_H \psi) - \frac{\partial}{\partial \xi_1} \left( \frac{l}{H} \frac{\partial \psi}{\partial \xi_2} \right) + \frac{\partial}{\partial \xi_2} \left( \frac{l}{H} \frac{\partial \psi}{\partial \xi_1} \right) = - \frac{\partial}{\partial \xi_1} (h_2 \bar{G}_2) + \frac{\partial}{\partial \xi_2} (h_1 \bar{G}_1),$$

$$\Delta_h \psi = \frac{\partial}{\partial \xi_1} \left( \frac{h_2}{H h_1} \frac{\partial \psi}{\partial \xi_1} \right) + \frac{\partial}{\partial \xi_2} \left( \frac{h_1}{H h_2} \frac{\partial \psi}{\partial \xi_2} \right)$$

$$D_1 \psi^{t+1} = D_0 \psi^t + F$$



## **Уравнения движения.**

### **Вычисление отклонения от средней**

**Адвекция**

$$\frac{V^{t+1} - V^t}{\Delta t} + LV^t = 0,$$

**Адаптация**

$$\frac{u^{t+1} - u^t}{\Delta t} - lv = F1,$$

$$\frac{v^{t+1} - v^t}{\Delta t} + lu = F2$$

**Вязкость**

$$\frac{V^{t+1} - V^t}{\Delta t} + (D_1 + D_2 + D_3)V^{t+1} = 0,$$

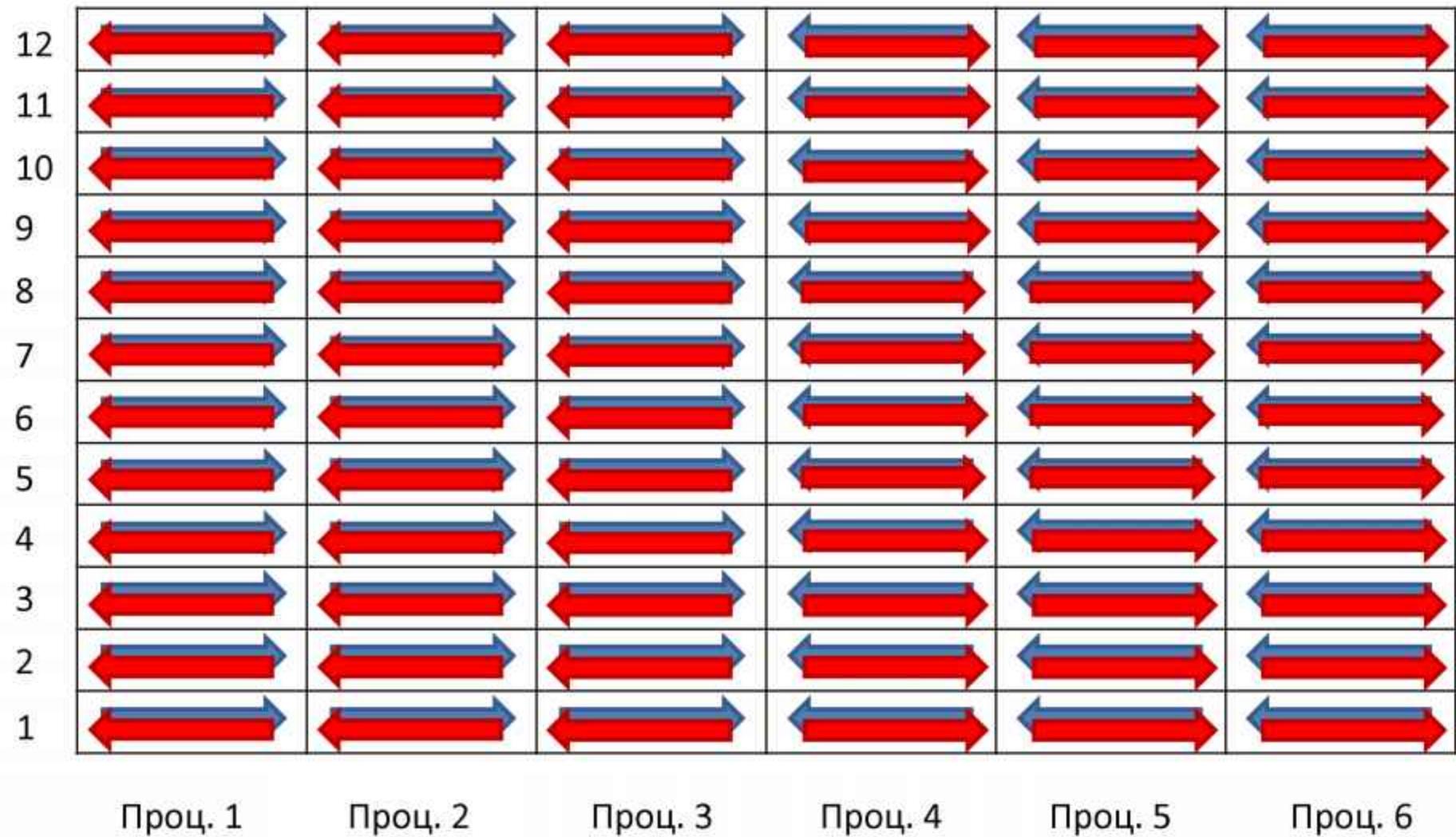


$$\frac{V^{t+1/3} - V^t}{\Delta t} + D_1 v^{t+1} = 0,$$

$$\frac{V^{t+2/3} - V^{t+1/3}}{\Delta t} + D_2 v^{t+1/3} = 0,$$

$$\frac{V^{t+1} - V^{t+1/3}}{\Delta t} + D_3 v^{t+2/3} = 0,$$

# Схема прогонки



# Модель океана – проблемы параллелизации

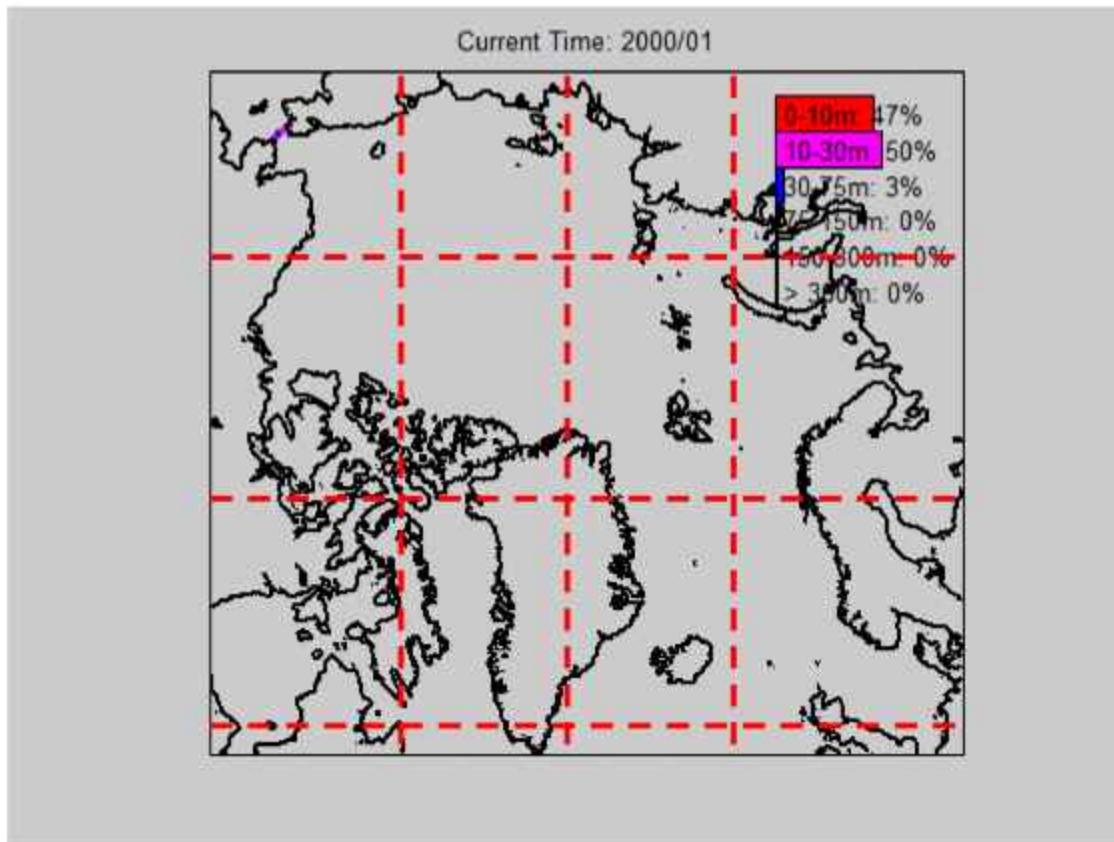
- Баротропная составляющая скорости
  - Неявная схема
  - Явная – малый шаг по времени
  - Итерации
- Бароклинная составляющая скорости
  - Неявная схема
  - Адвекция требует окаймление  $> 1$
- Активные трассеры
- Пассивные трассеры
- Вертикальные процессы
  - Многоточечный носитель из-за параметризаций

# Модель океана – проблемы параллелизации

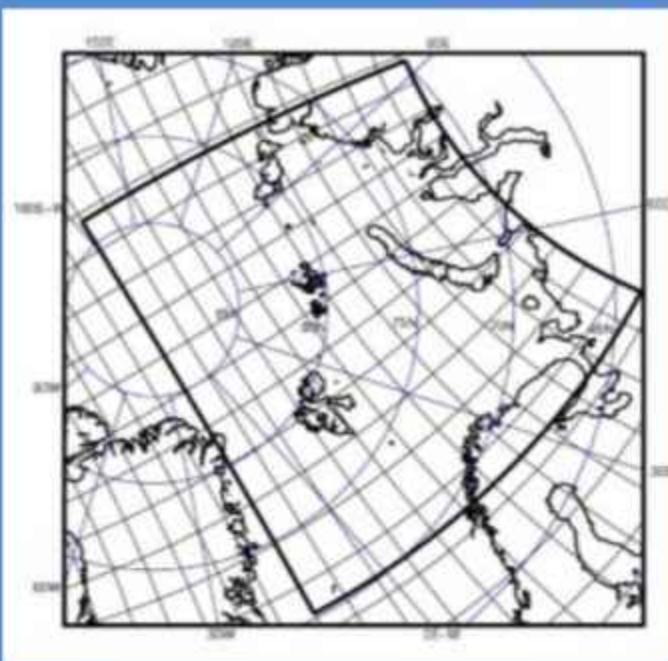
- Параметризации подсеточных масштабов
  - Вертикальное перемешивание
    - эджастмент
    - глубинная конвекция
    - выделение подледной части
    - LES подобные подмодели
  - Каскадинг
  - Ресторинг
  - Речной сток и жидкие границы
- Ввод – вывод
- Qsub

# Частицы-трассеры

- Переход из подобласти в подобласть



# Nested regional model



- ▶ POM
- ▶ Barents and Kara Seas
- ▶ Horizontal resolution 2-20 km
- ▶ Simulated period – 215 days (Jan-Jul, 1983)

GCM receives from regional model:

- ▶ Temperature, salinity ( $T, S$ ) and barotropic velocity ( $U, V$ ), via second order relaxation terms

$$\left( \frac{\partial T_0}{\partial t} \right)_{\text{udging}} = \left[ \frac{\partial}{\partial x} \left( A \frac{\partial}{\partial x} \right) + \frac{\partial}{\partial y} \left( A \frac{\partial}{\partial y} \right) \right] (T_0 - T)$$

$$\left( \frac{\partial S_0}{\partial t} \right)_{\text{udging}} = \alpha_s \left[ \frac{\partial}{\partial x} \left( A \frac{\partial}{\partial x} \right) + \frac{\partial}{\partial y} \left( A \frac{\partial}{\partial y} \right) \right] (S_0 - S)$$

$$\left( \frac{\partial u}{\partial t} \right)_{\text{udging}} = \left[ \frac{\partial}{\partial x} \left( \mu \frac{\partial}{\partial x} \right) + \frac{\partial}{\partial y} \left( \mu \frac{\partial}{\partial y} \right) \right] (u - U)$$

$$\left( \frac{\partial v}{\partial t} \right)_{\text{udging}} = \left[ \frac{\partial}{\partial x} \left( \mu \frac{\partial}{\partial x} \right) + \frac{\partial}{\partial y} \left( \mu \frac{\partial}{\partial y} \right) \right] (v - V)$$

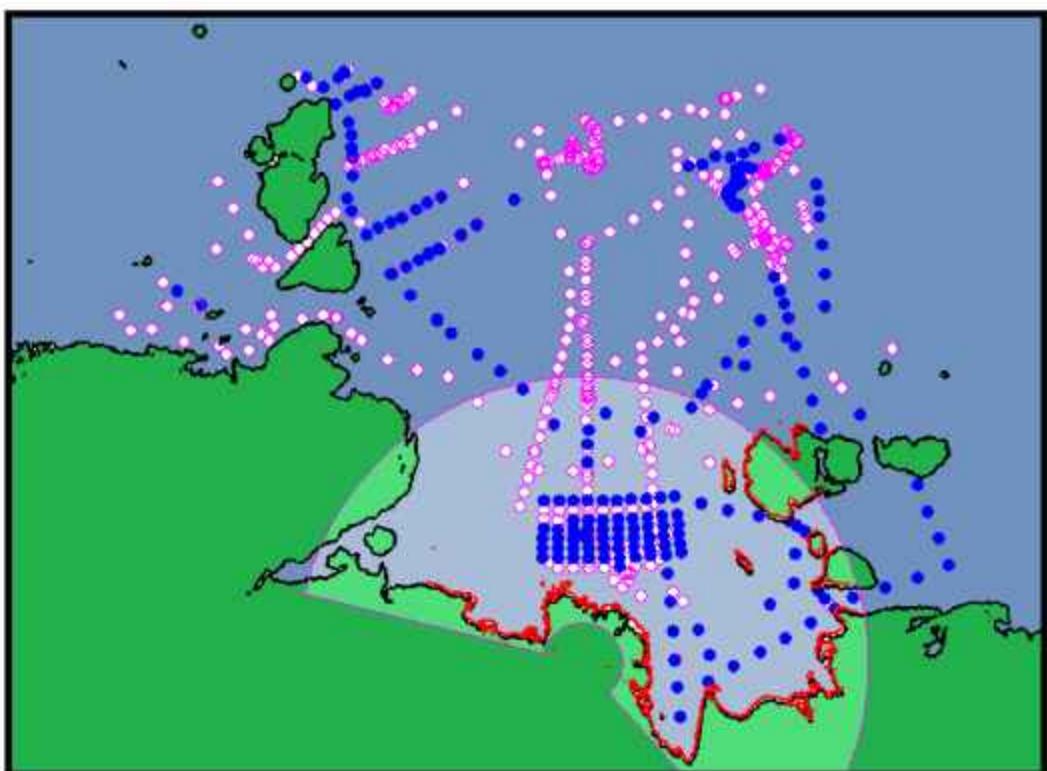
Regional model receives from GCM:

- ▶ Initial conditions:  $T, S, u, v, U, V, \eta$
- ▶ Liquid boundary conditions for  $T, S, \eta$  and normal component of barotropic velocity ( $U, V$ )
- ▶  $T$  and  $S$  via second order relaxation terms

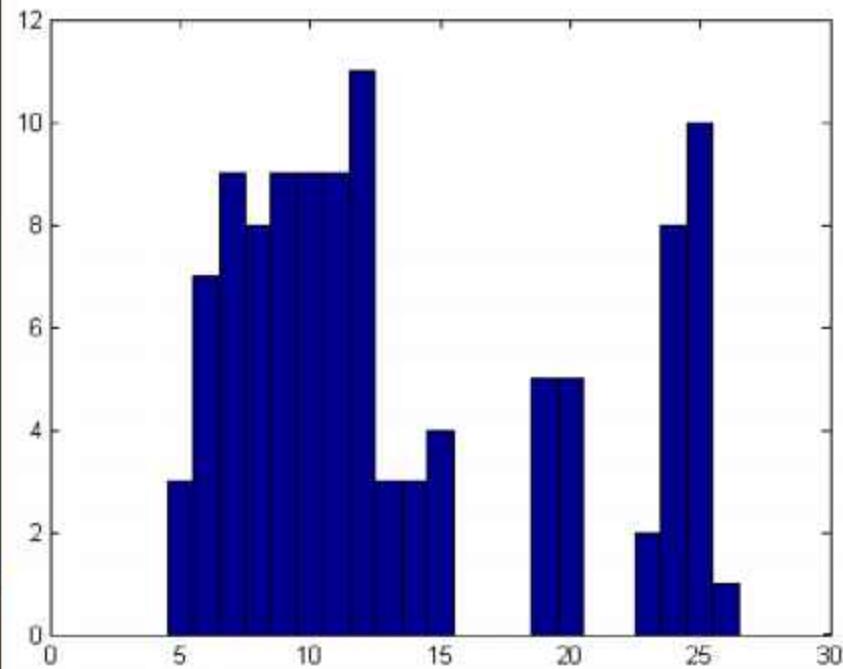
$$\left( \frac{\partial T}{\partial t} \right)_{\text{udging}} = \left[ \frac{\partial}{\partial x} \left( A \frac{\partial}{\partial x} \right) + \frac{\partial}{\partial y} \left( A \frac{\partial}{\partial y} \right) \right] (T - T_0)$$

$$\left( \frac{\partial S}{\partial t} \right)_{\text{udging}} = \alpha_s \left[ \frac{\partial}{\partial x} \left( A \frac{\partial}{\partial x} \right) + \frac{\partial}{\partial y} \left( A \frac{\partial}{\partial y} \right) \right] (S - S_0)$$

# Данные IPY (Международного полярного года) 2008: сентябрь

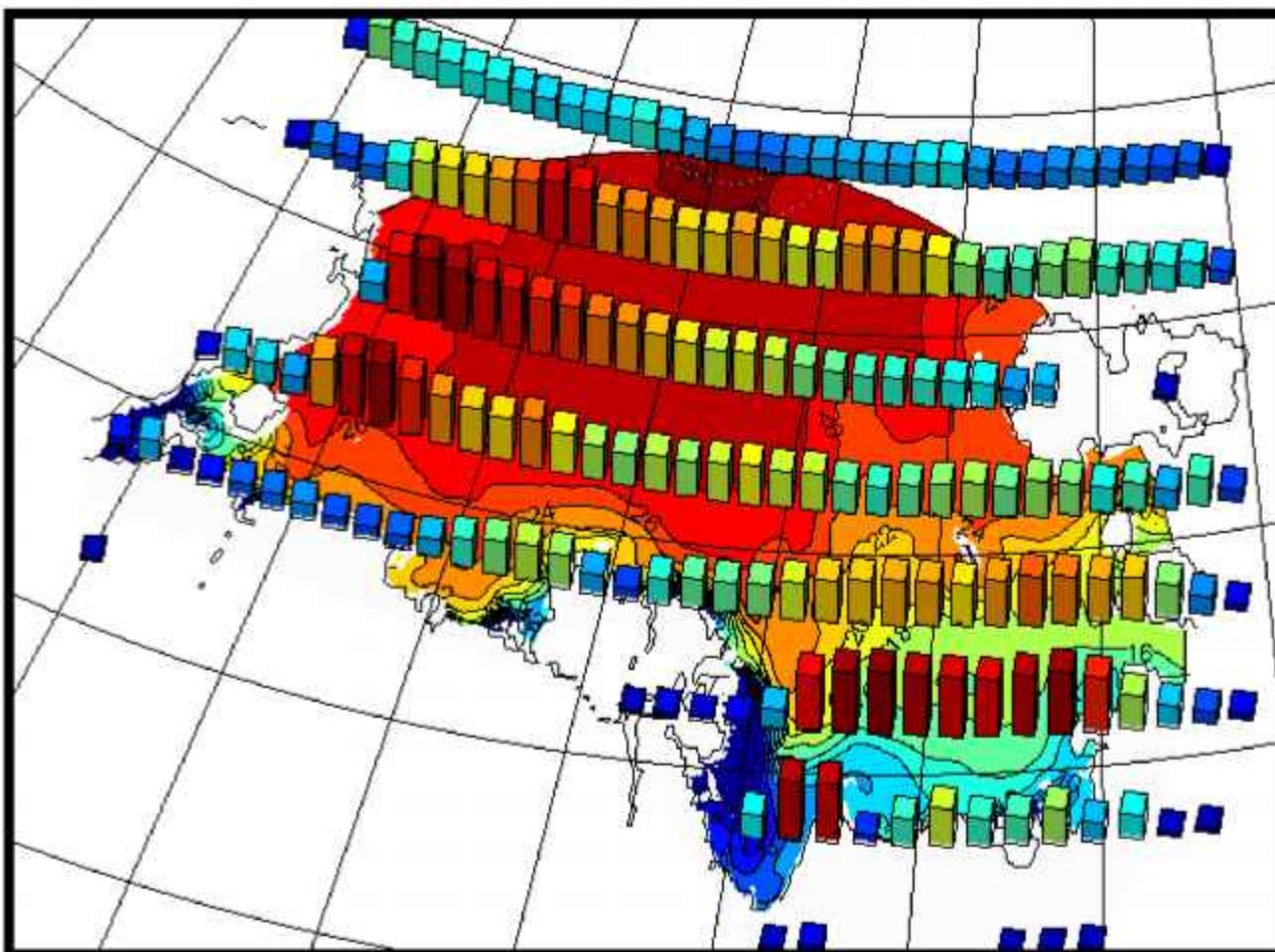


Расположение точек наблюдения вертикального распределения температуры и солености в 2008 (синие кружки соответствуют сентябрю)



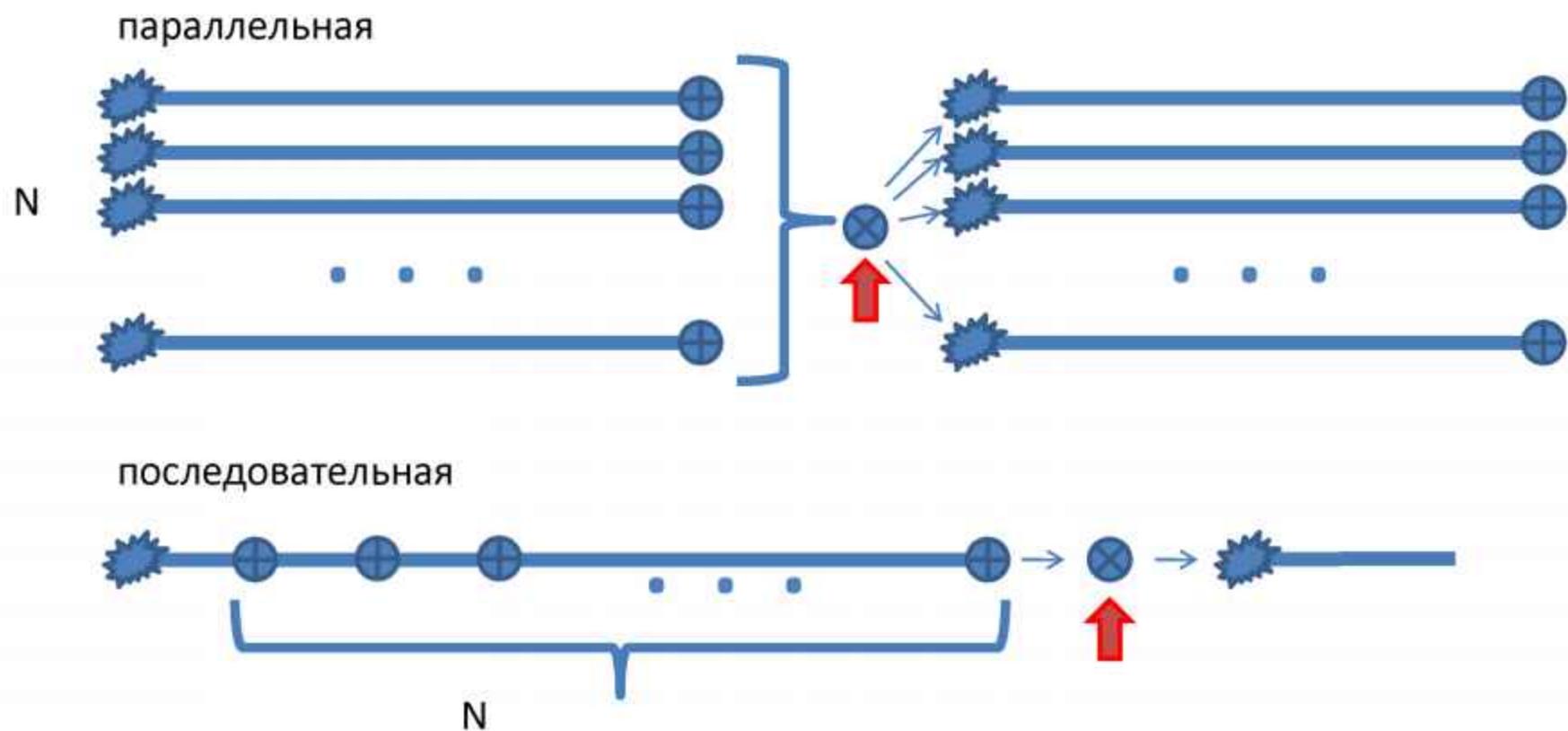
Количество наблюдений в районе моделирования по дням сентября 2008

# Данные Pathfinder – сентябрь 2008

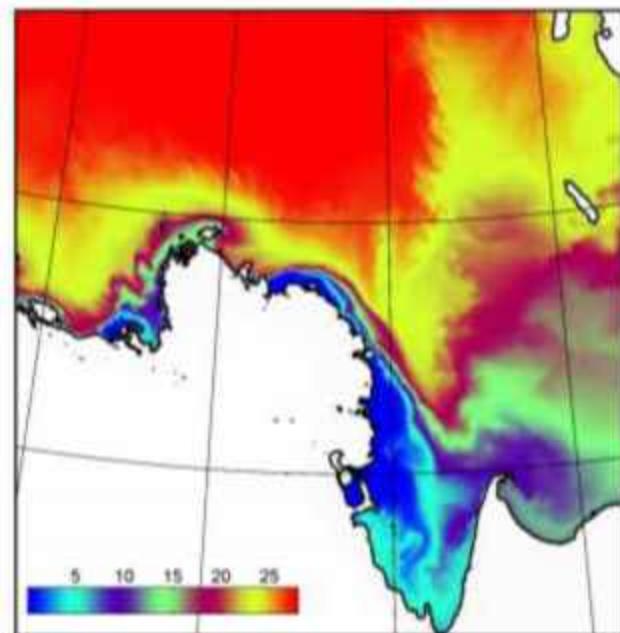


Количество имеющихся измерений температуры поверхности в боксе  $1^{\circ} \times 1^{\circ}$ : макс=8250. Наибольшее количество данных имеется для района восточнее п-ова Таймыр и восточнее дельты р. Лена по направлению распространения речного стока

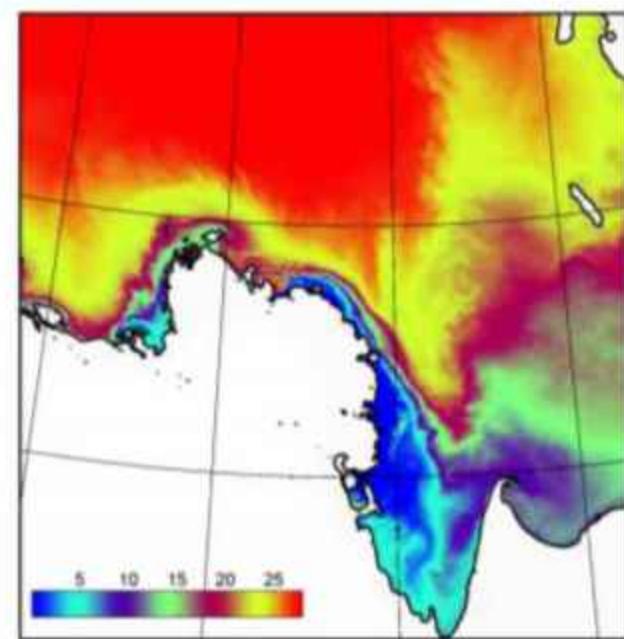
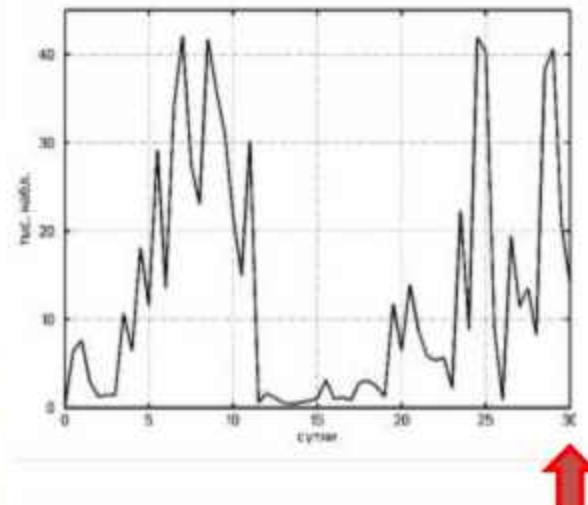
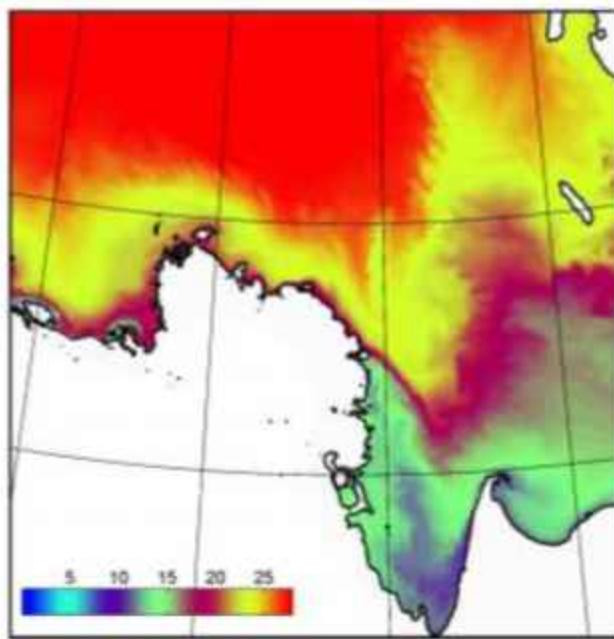
# Схемы шага усвоения



# Усвоение данных



**30 суток**



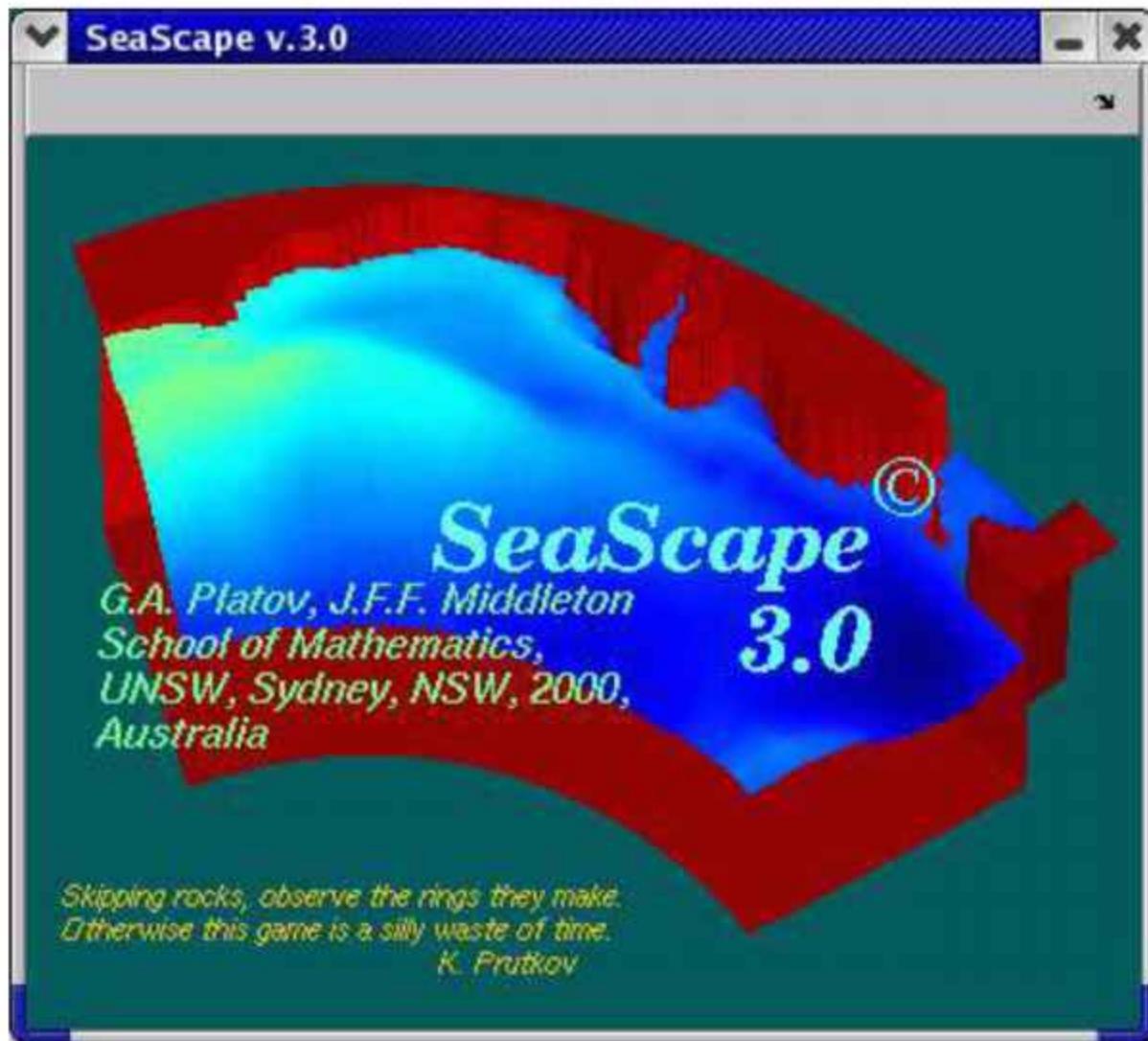
# NetCDF

- NetCDF является набором программного обеспечения для чтения и записи файлов данных ориентированных на научное применение (в основном применяется при моделировании атмосферы и океана).
- NetCDF разработан и поддерживается Unidata.
- Unidata – это одна из восьми программ, поддерживаемых University Corporation for Atmospheric Research (UCAR) Office of Programs (UOP).
- Unidata предоставляет данные и программное обеспечение для образования и исследований в области наук о Земле.

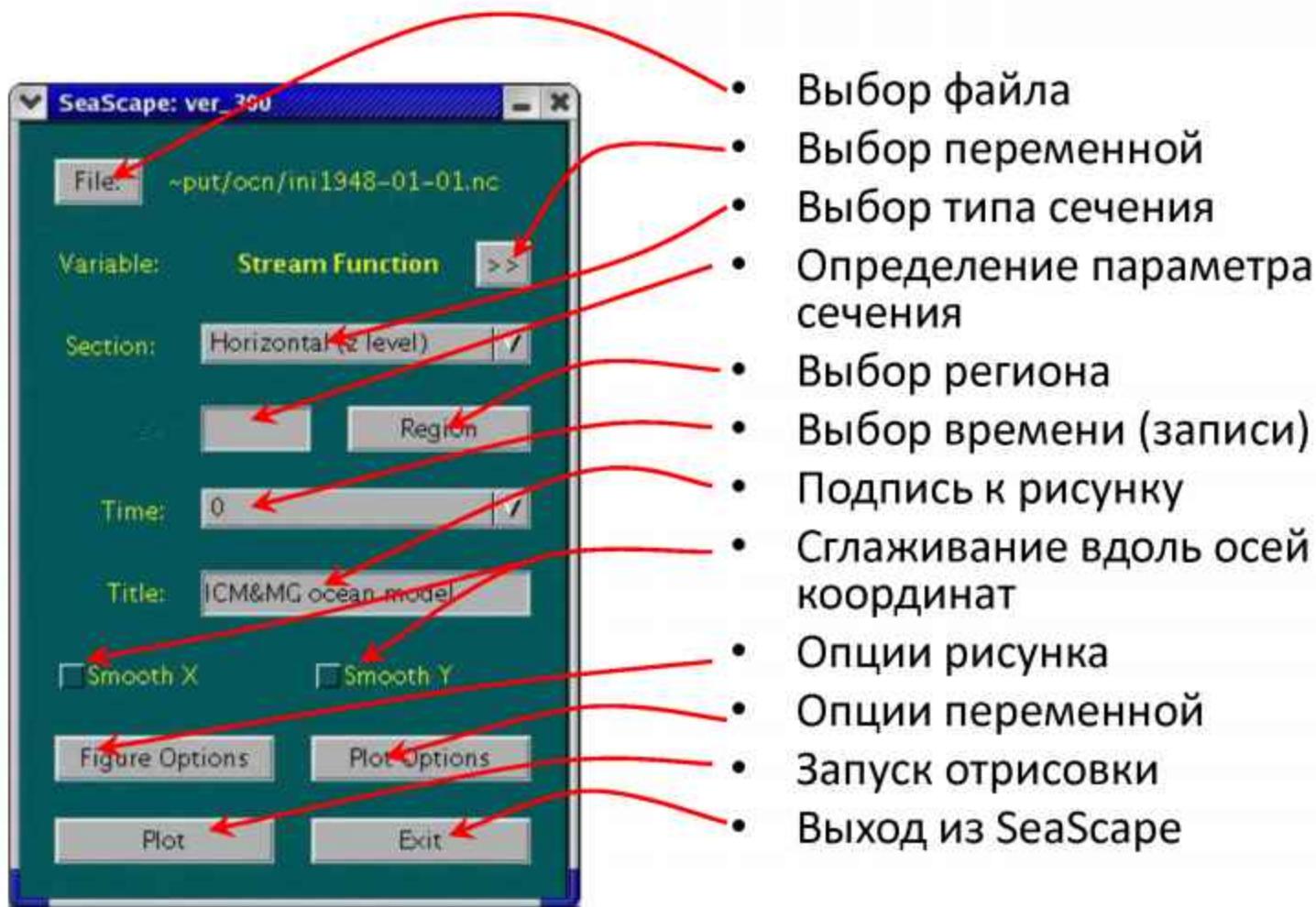
# Модель данных NetCDF

- **Variables (переменные)**
  - N-мерные массивы данных. Переменные могут быть шести типов: текстовые – char, целые – byte, short, int, действительные – float, double.
- **Dimensions (размеры)**
  - описывают оси координат и массивы данных. Размер имеет имя и значение (длину). Кроме того, предполагается наличие одного неограниченного размера, который может динамически увеличиваться с поступлением новых записей (например, время).
- **Attributes (атрибуты)**
  - дают некоторое дополнительное описание переменной или самого файла NetCDF посредством коротких комментариев или дополнительных данных. Предполагается, что атрибуты это либо скалярные величины, либо одномерные массивы. Несмотря на отсутствие каких-либо ограничений, все же предполагается что атрибуты должны быть малыми по объему.

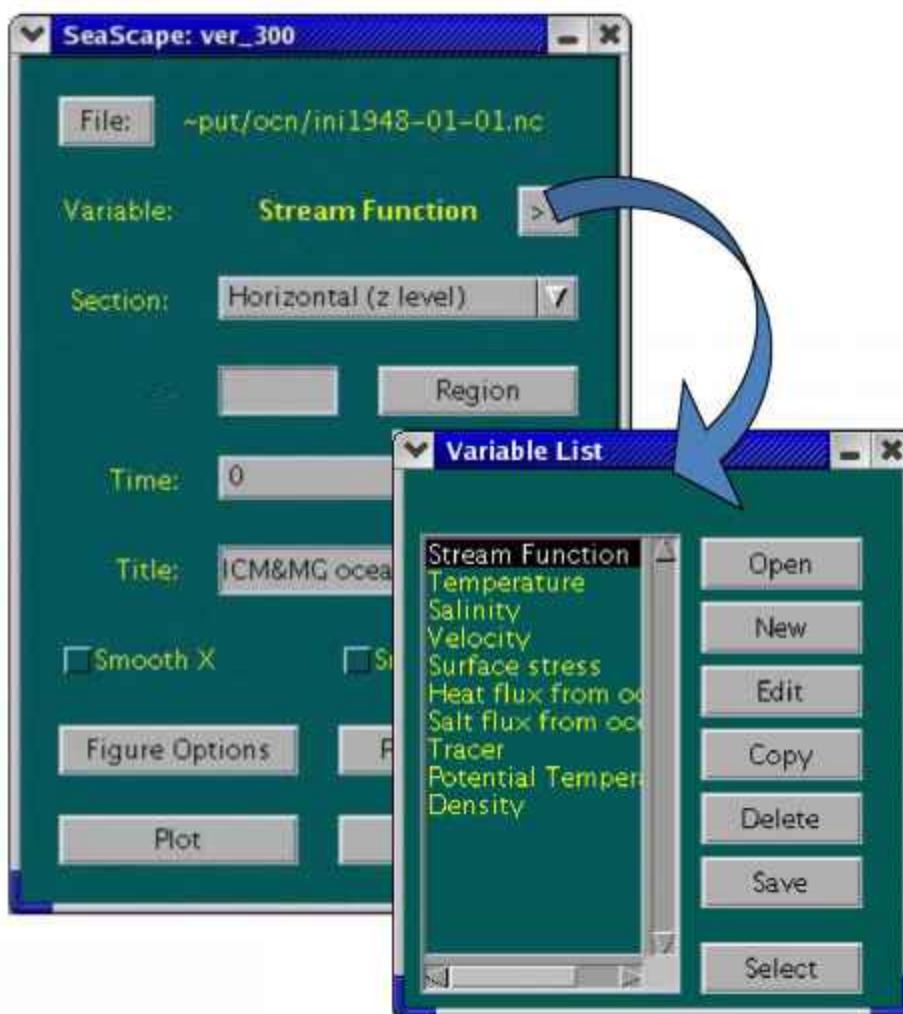
# SeaScape



# Главное окно SeaScape

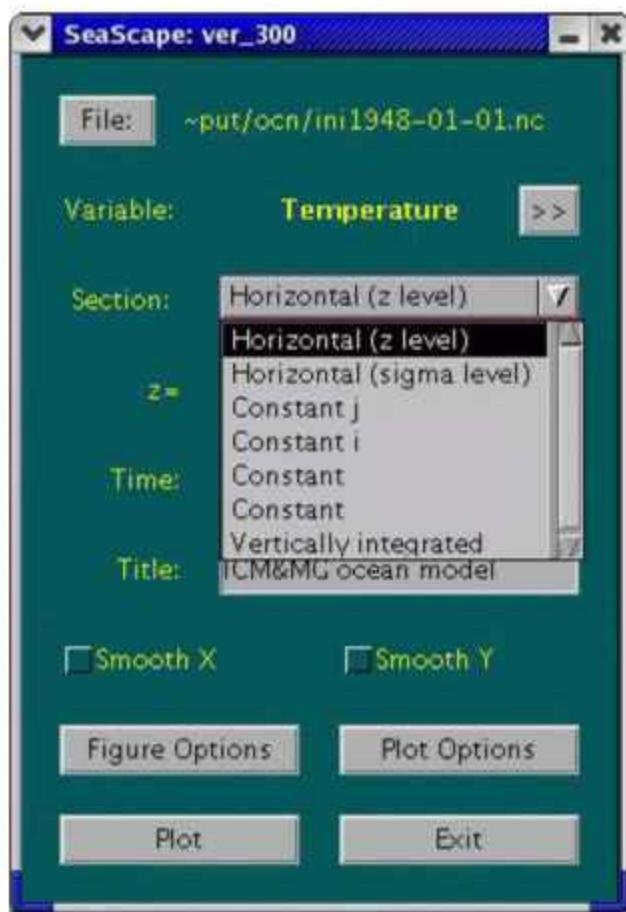


# Список переменных



- Открытие файла с другим набором переменных
- Создание новой переменной
- Изменение параметров переменной из списка
- Копирование переменной – создание новой на основе старой
- Удаление из списка
- Сохранение списка, чтобы его можно было открыть в следующей сессии
- Выбор переменной для отрисовки

# Выбор типа сечения



- Горизонтальный ( $z=\text{const}$ )
- Горизонтальный ( $\sigma=\text{const}$ )
- Вертикальный вдоль  $j=\text{const}$
- Вертикальный вдоль  $i=\text{const}$
- Вертикальный вдоль линии широты
- Вертикальный вдоль линии долготы
- Вертикально-интегрированное поле (горизонтальный тип)

# Определение параметра сечения

Variable: **Temperature**

Section: **Horizontal (z level)**

**z=**

Variable: **Temperature**

Section: **Horizontal (sigma level)**

**k=**

Variable: **Temperature**

Section: **Constant j**

**j=**

Variable: **Temperature**

Section: **Constant longitude**

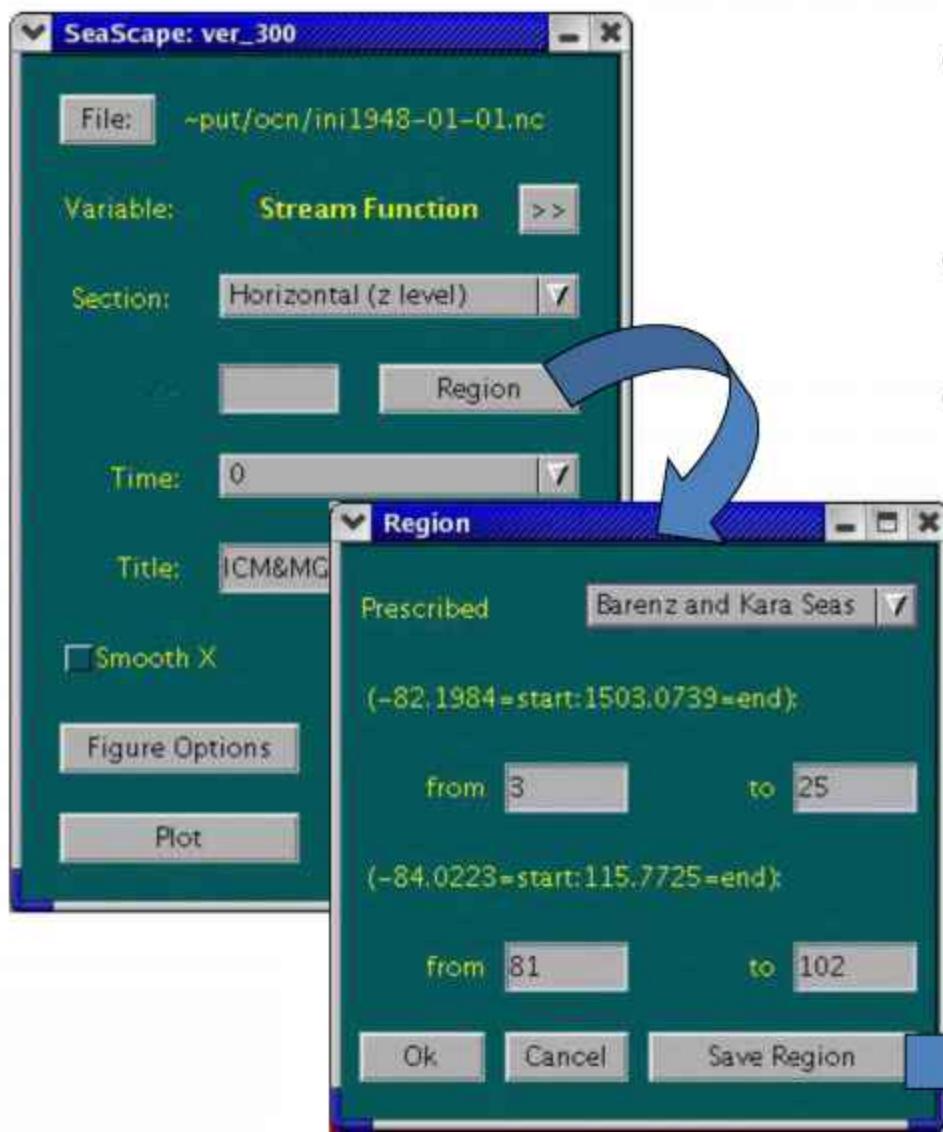
**longitude**

Variable: **Temperature**

Section: **Vertically integrated**

**z=**

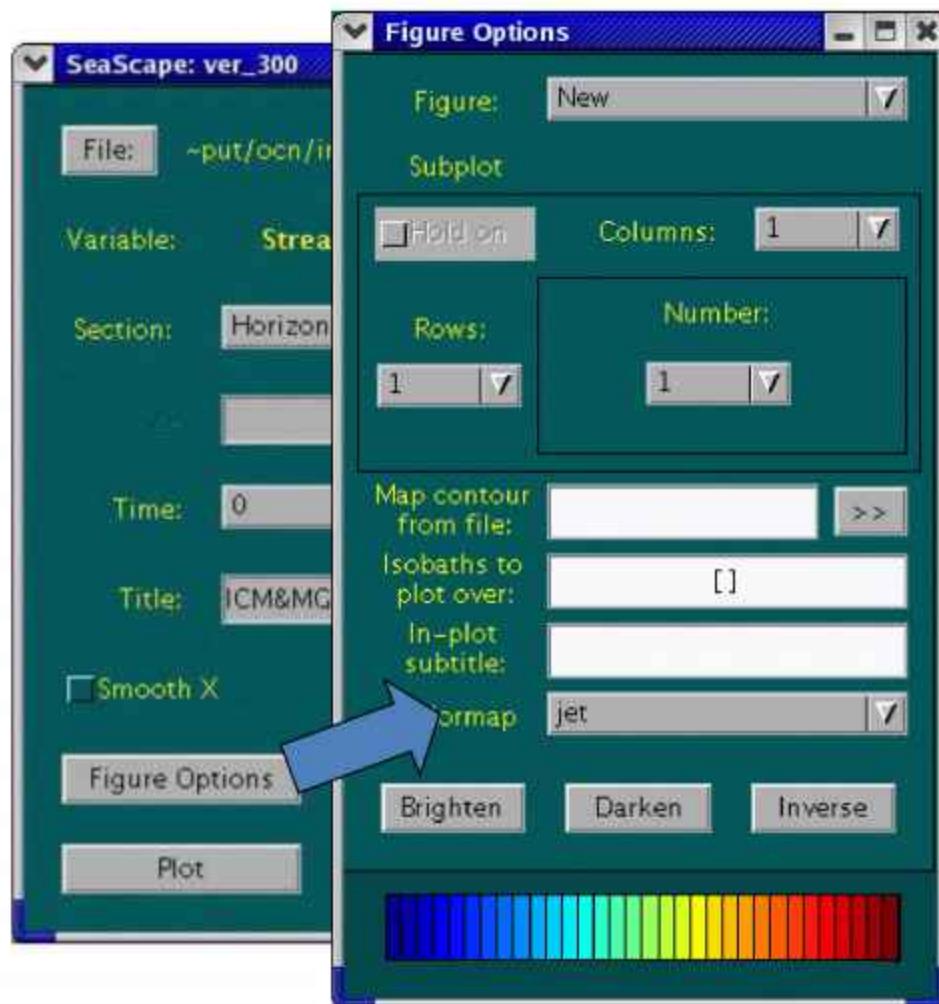
# Выбор региона



- Ручной набор координат левого-нижнего и правого-верхнего угла
- Сохранение набранного под некоторым названием
- Выбор региона из списка сохраненных ранее

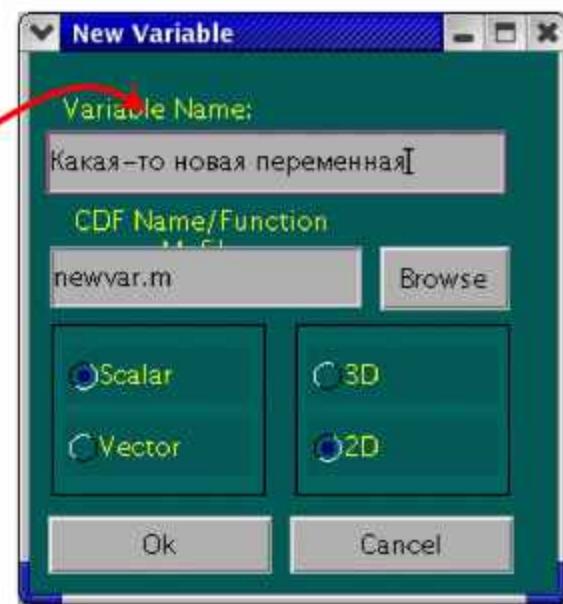
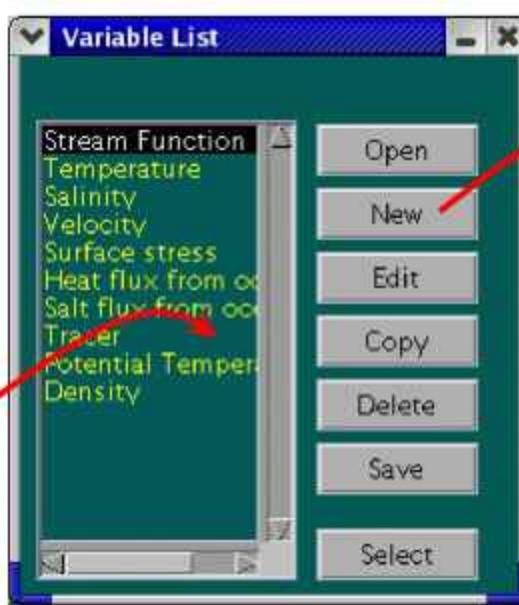
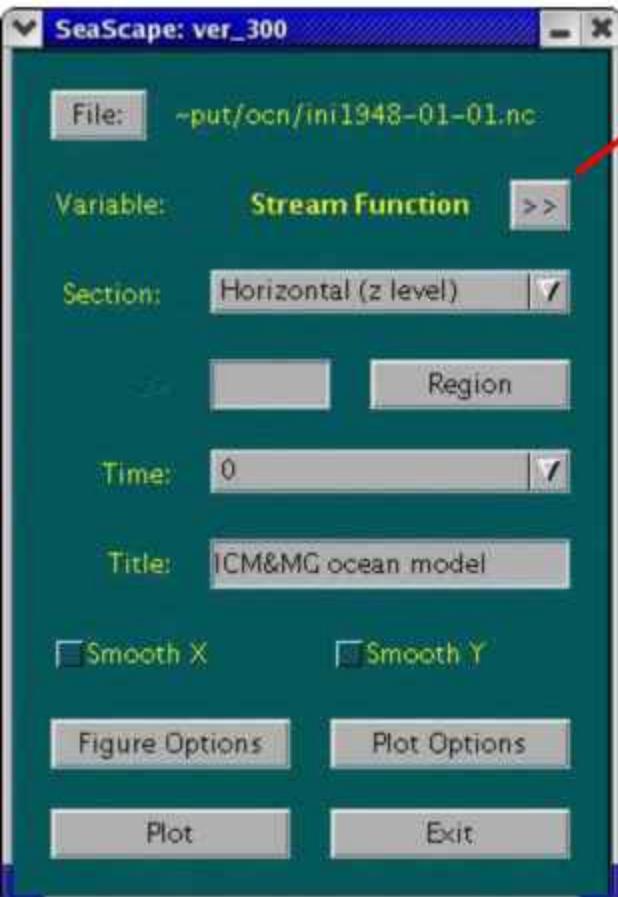


# Опции рисунка



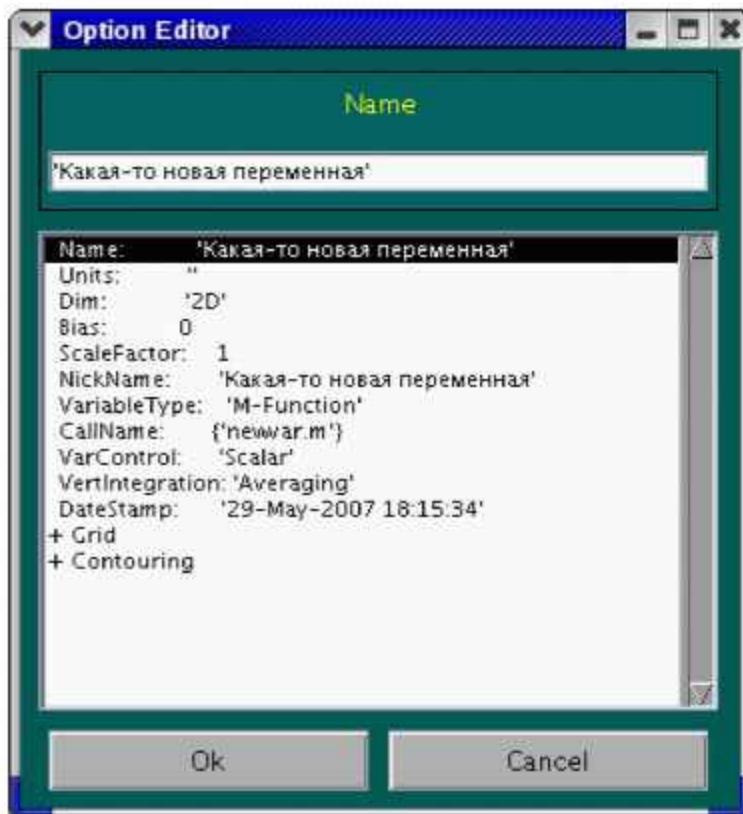
- Выбор окна-рисунка – новое или одно из уже отрисованных
- Выбор количества столбцов и строк для вложенных рисунков
- Выбор позиции рисунка в этой системе
- Выбор режима отрисовки поверх уже нарисованного
- Выбор файла с контурами карты
- Выбор изобат для нанесения их поверх рисунка
- Ввод подзаголовка в тело самого рисунка (например, а), б) и т.д.)
- Выбор цветовой палитры
- Некоторые преобразования палитры (сделать ее более яркой, более притемненой, инвертировать цвета)

# Создание новой переменной



- Название новой переменной для его включения в список
- Название соответствующего набора в netCDF файле или процедуры Matlab, которая может эту переменную рассчитать
- Указания типа переменной: скаляр или вектор, двумерный или трехмерный.

# Параметры переменной



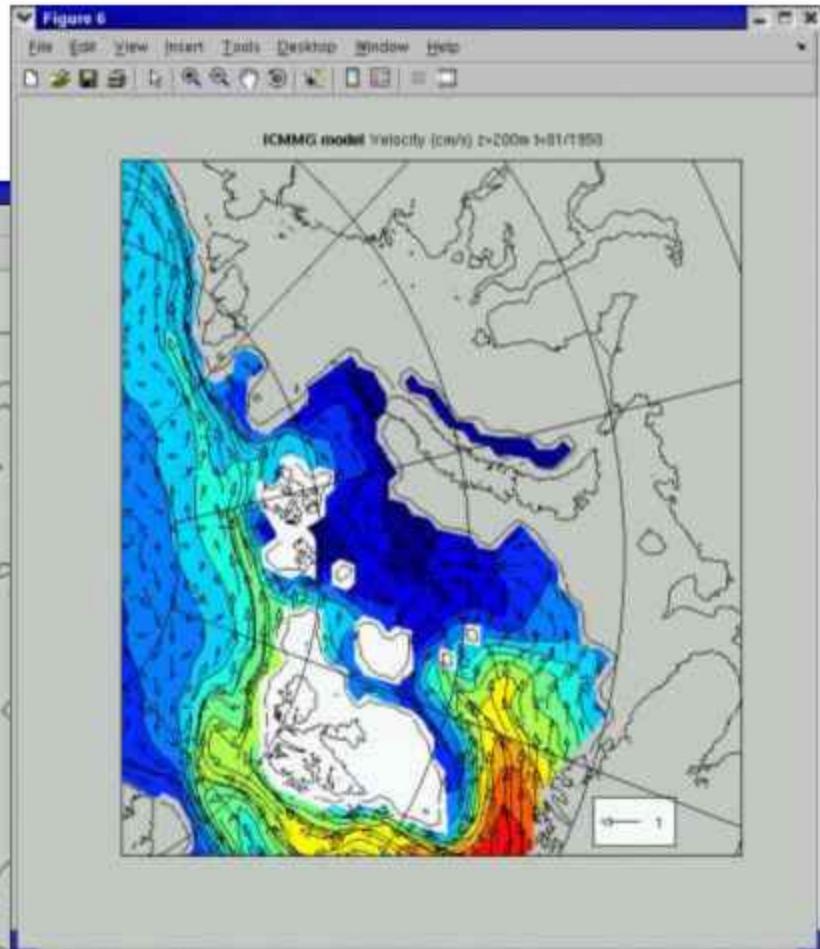
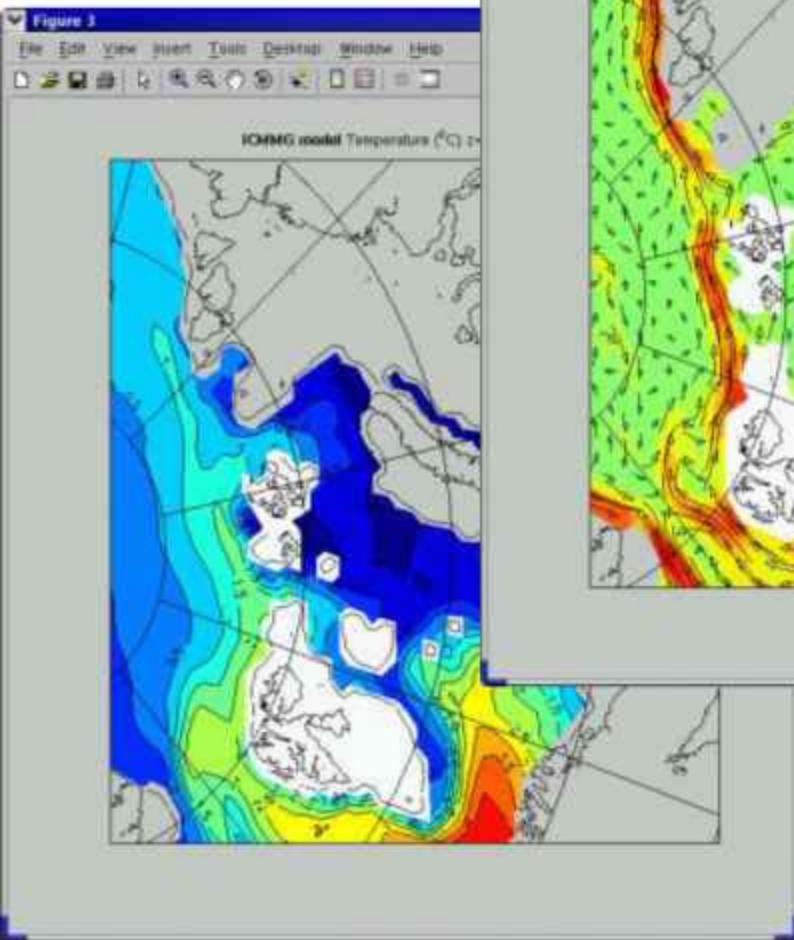
- Изменить имя переменной
- Определить единицы измерения
- Определить множитель и дополнение
- Определить тип источника переменной (netCDF или Matlab-функция)
- Определить тип вертикального интегрирования (суммирование или осреднение)
- Изменить параметры сетки на которой задана переменная
- Изменить тип контурных линий и их значения

# Параметры сетки и контурных линий

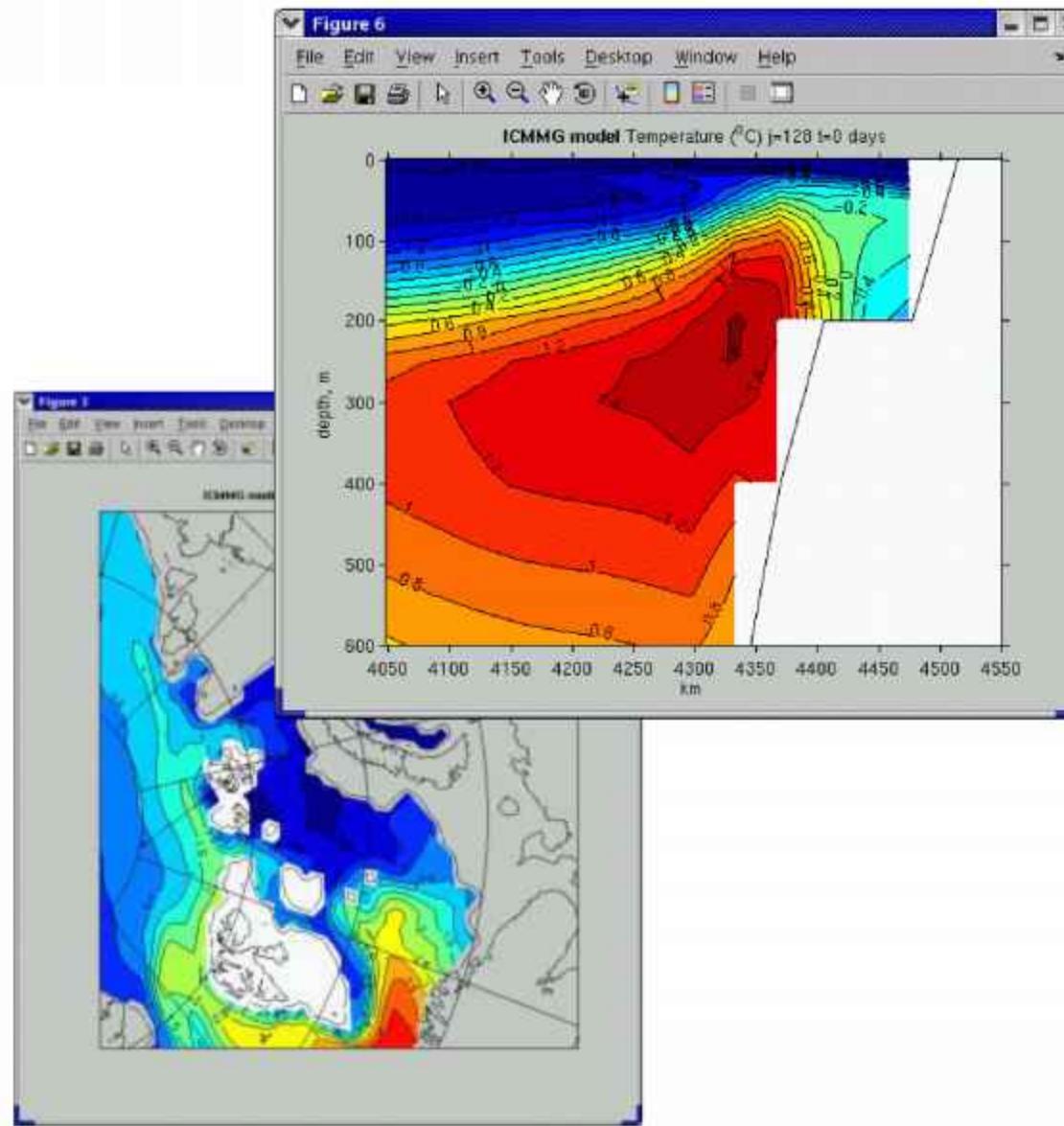
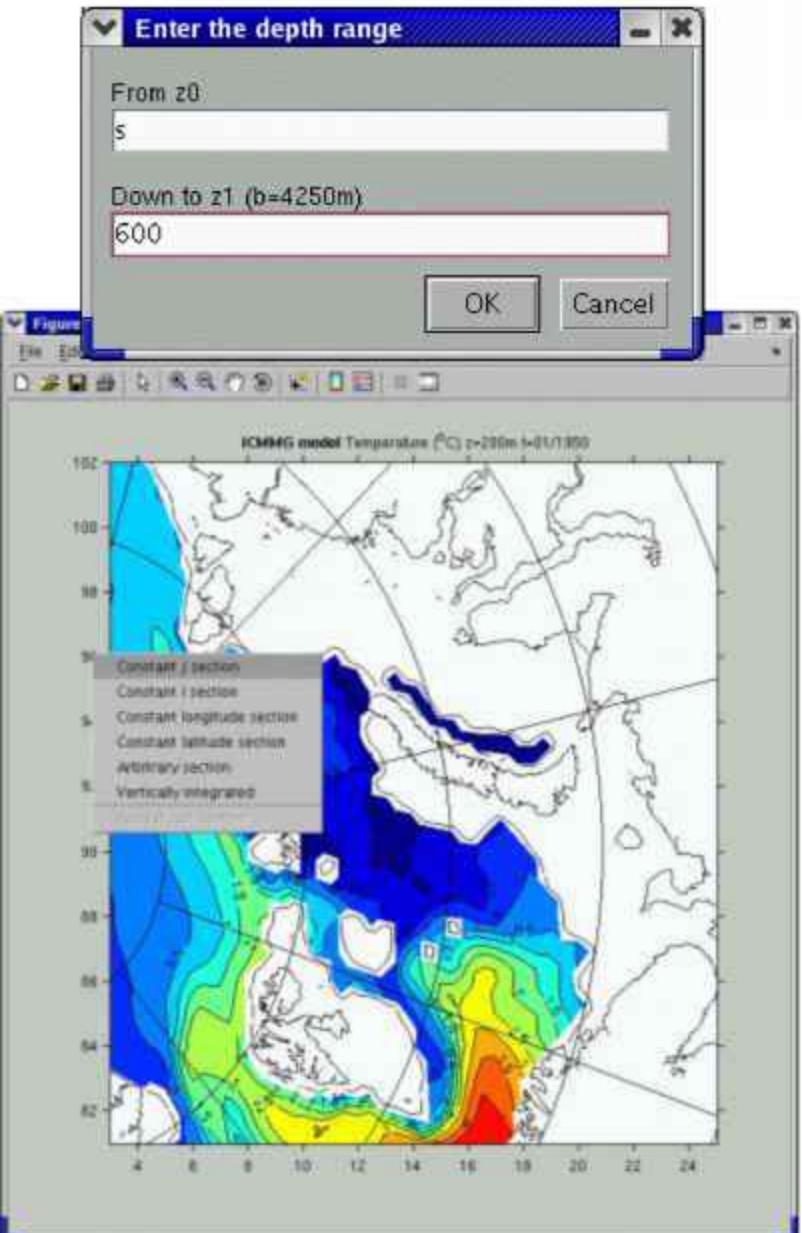


- Сетка определяется с помощью координат сдвига относительно основного узла в единицах ячейки
- Тип контуров: автоматический, определенный параметрами, определенный массивом
- Три типа линий контура: по умолчанию (положительные), отрицательные, нулевой – определяются сплошностью, толщиной и цветом
- Заливка цветом

# Примеры



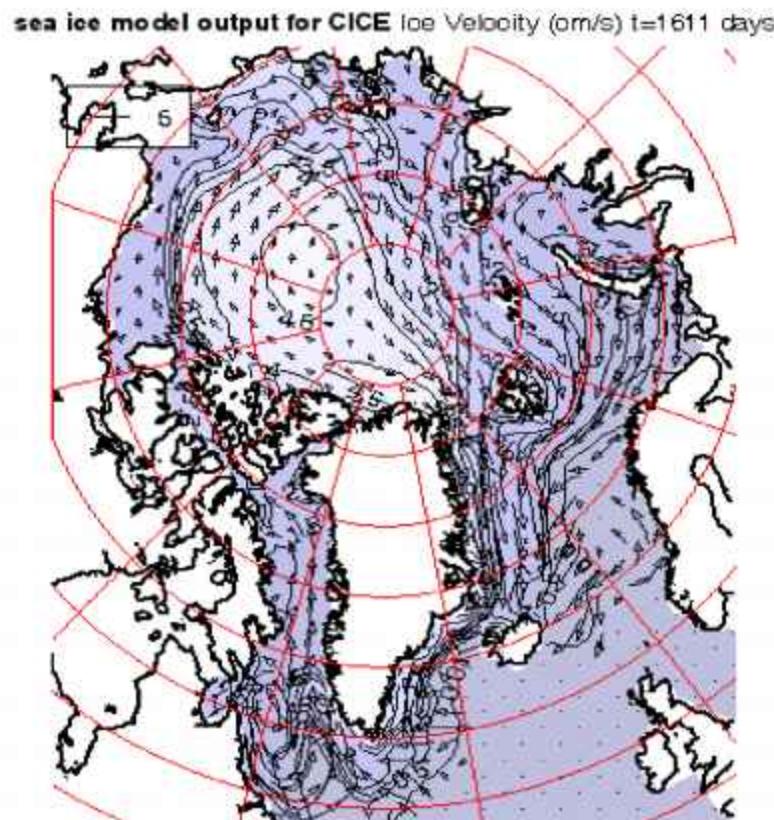
# Интерактивное построение сечений



# Пакетный режим

```
gui('file',[icedir,icefile], ...
    'var','H',...
    'type','Z',...
    'value',0,...
    'XLim',[-25,26],...
    'YLim',[54,109],...
    'RecNo',1, ...
    'figure', 12);
gui('file',[icedir,icefile], ...
    'var','Vice',...
    'type','Z',...
    'value',0,...
    'XLim',[-25,26],...
    'YLim',[54,109],...
    'RecNo',1, ...
    'figure', 12, ...
    'Arrows.ReferenceValue',5,...  

    'hold on',1, ...
    'WhatToPresent','Vector');
```



Благодарю за внимание!